

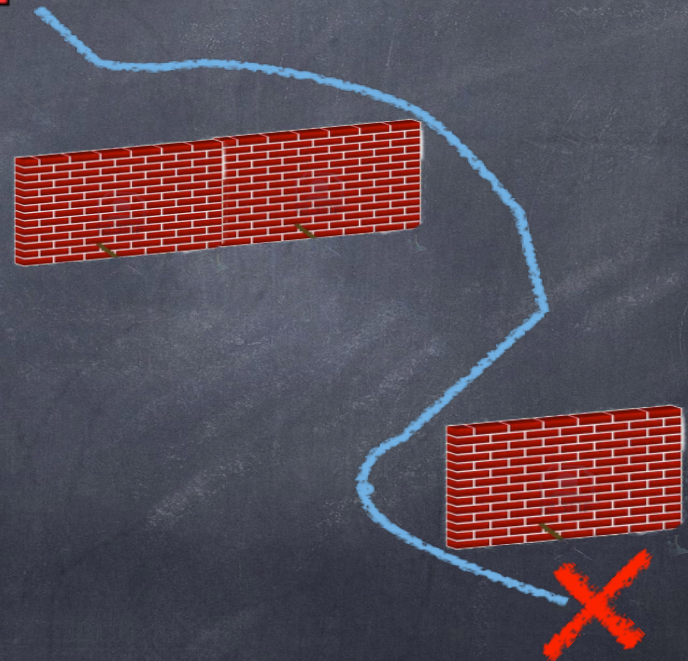
# Algorithmes d'exploration (search) pour un agent

Algos: Best-first, Dijkstra, A\*

Jacques Ferber  
LIRMM - Université de Montpellier II

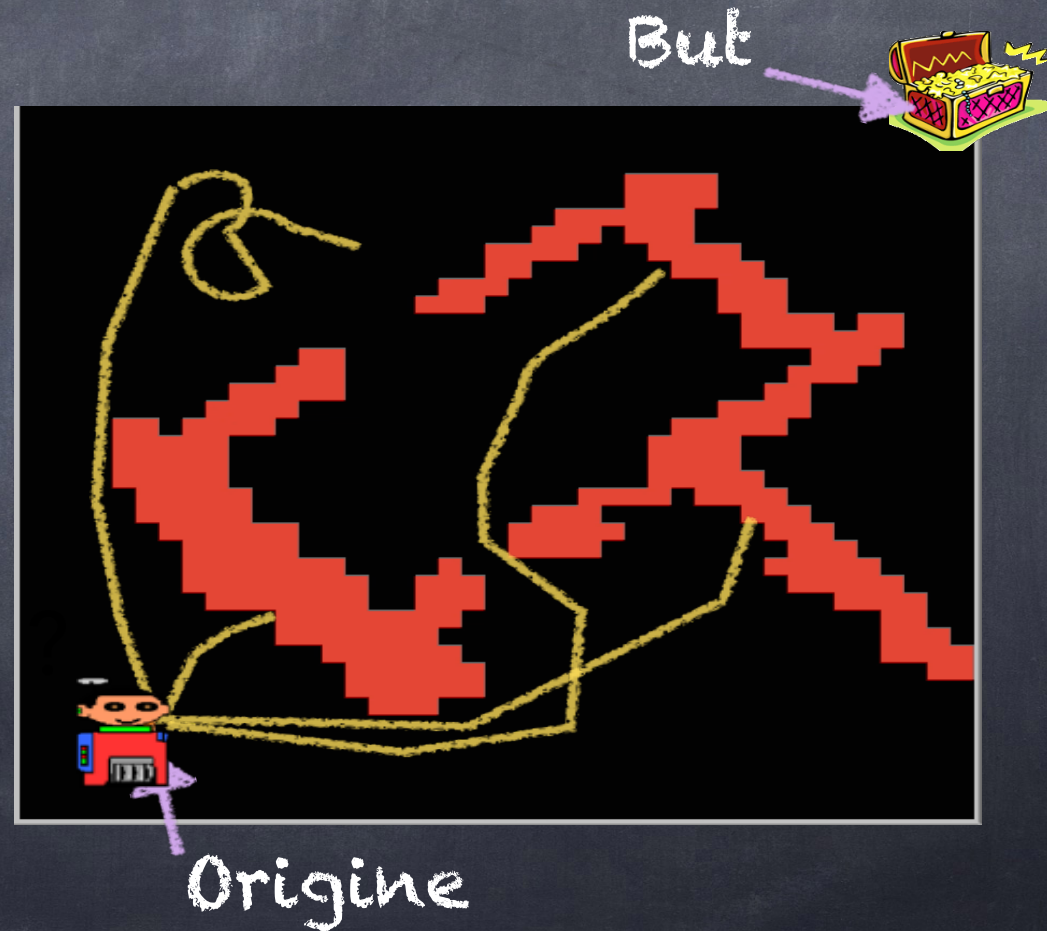
# Problème: comment aller d'un point à un autre?

- Quel algorithme utiliser pour planifier un chemin pour aller d'un point à un autre?
  - Différent de la situation réactive (agents situés) où l'agent avance et trouve son chemin au fur et à mesure
  - On prendra en compte un environnement défini sous forme de grille



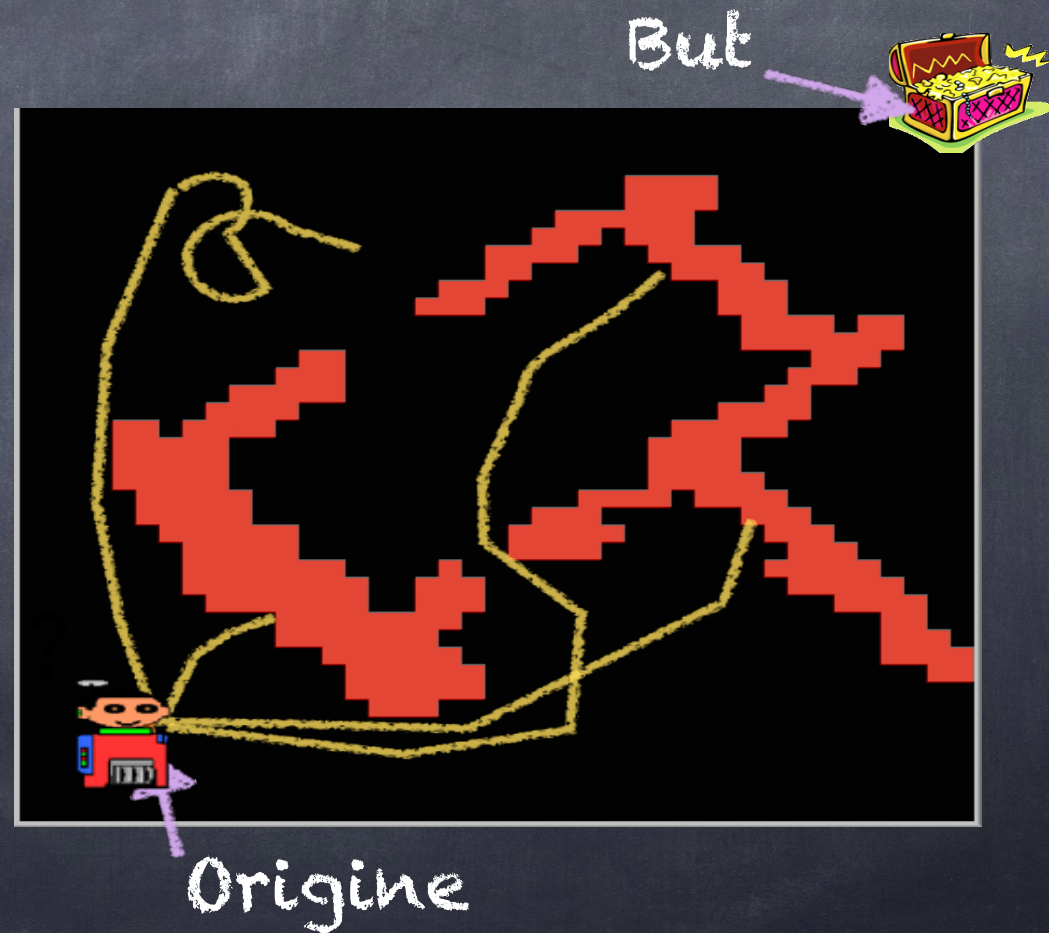
# ALLER d'un point à un autre

- L'agent (triangle rouge en bas à gauche) cherche à aller au but (carré jaune en haut à droite)
- Comment trouver sa route?
- Comment trouver le «meilleur» chemin ou tout du moins un «bon» chemin



# Les difficultés

1. Trouver le but le plus rapidement possible
2. Ne pas rester bloqué par les obstacles
3. Optimiser le chemin une fois trouvé le but

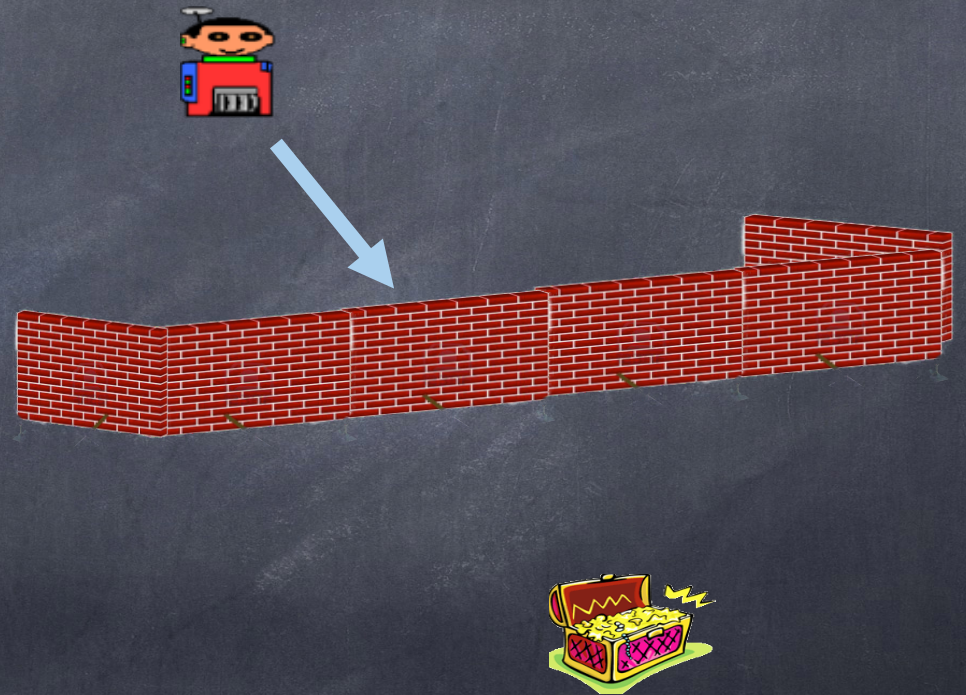


# 1: Trouver le but

- Idée: aller dans la direction où l'on se rapproche du but.
- ➔ Heuristique
  - ➔ Comme si on utilisait une boussole
- Sinon on explore jusqu'à ce qu'on trouve

## 2: Ne pas rester bloqué

- En allant directement vers le but, l'agent est bloqué
- Il peut être coincé dans un minimum local



### 3. Optimiser le chemin à parcourir

- Eviter de refaire tous les détours inutiles
- Evidemment par rapport aux lieux que l'on a visités

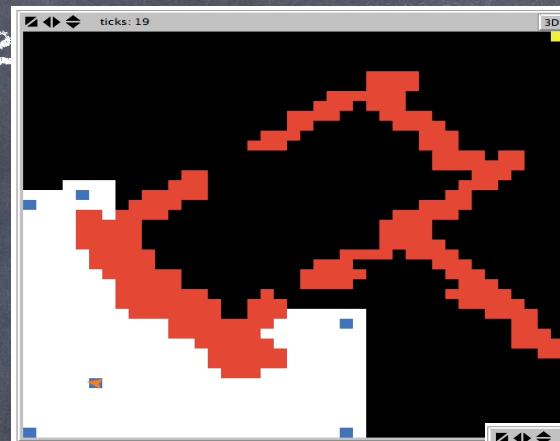
# Trois possibilités

- Explorer l'espace et essayer de trouver le «meilleur» chemin à partir de ce que l'on a exploré
  - ▶ Algorithme de Dijkstra
- Essayer d'aller vers le but en utilisant une heuristique (se rapprocher du but)
  - ▶ Algorithme de «meilleur d'abord» (best-first)
- Essayer de combiner ce qu'il y a de mieux dans ces deux approches
  - ▶ Algorithme A\*

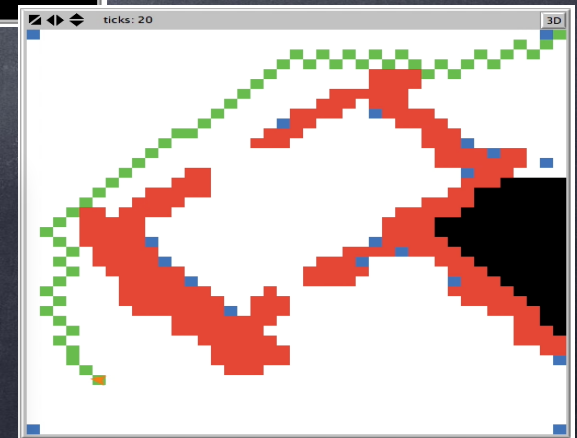


# Algorithme de Dijkstra

- On ne sait pas où se trouve le but (on sait juste quand on y est)
- Il n'y a plus qu'à tout parcourir.... 😊
- Mais comme on a tout parcouru (ou presque) on est sûr d'obtenir le « meilleur » chemin pour arriver



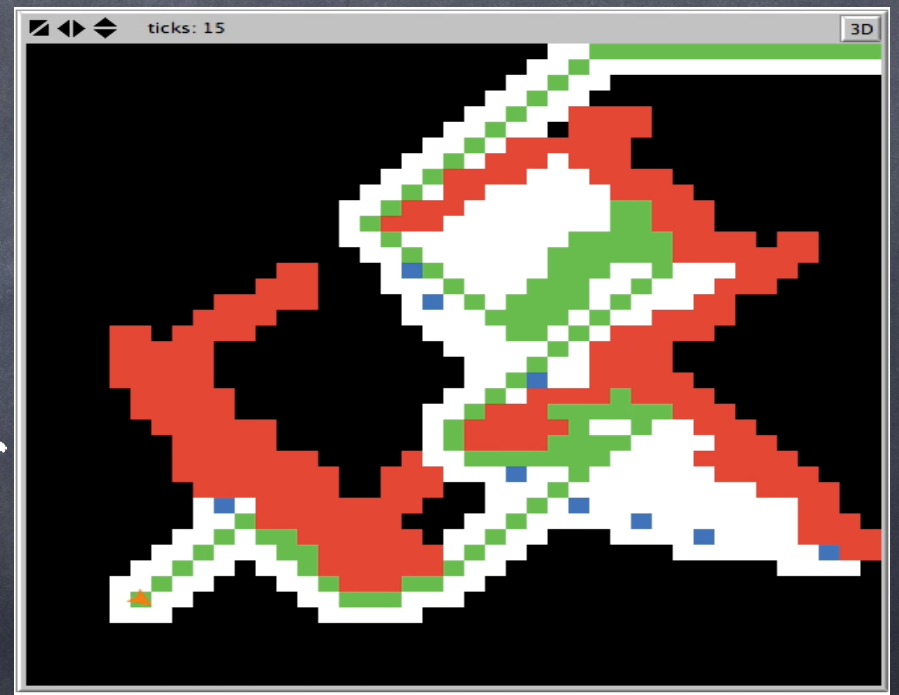
(a)



(b)

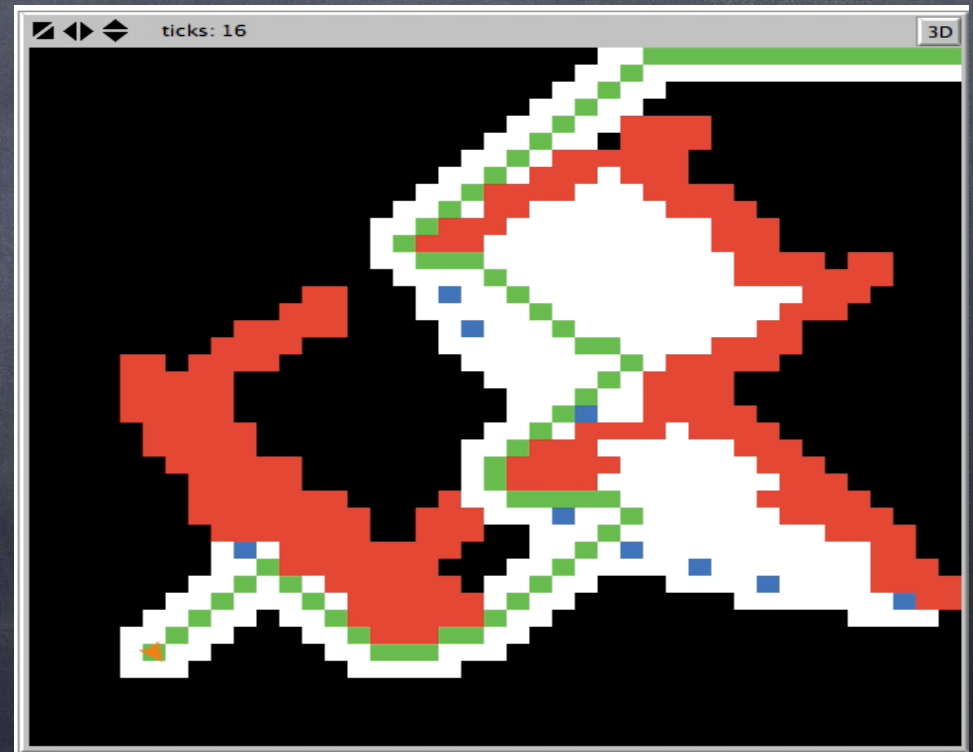
# Le meilleur d'abord (best first)

- On utilise l'heuristique qui consiste à aller globalement dans la bonne direction (la direction qui diminue la distance vis à vis du but)
- Risque de blocages
- Dans ce cas, on explore autour
- Au retour, on redonne le chemin que l'on a parcouru
- Pas du tout optimal !!! 😞



# A\*: prendre les bonnes idées de l'un et de l'autre

- On va vers le but en utilisant une heuristique, comme avec le meilleur d'abord
- On optimise le chemin parcouru en tenant compte de la distance à l'origine, comme avec Dijkstra
- « Bons » résultats
- Le plus utilisé dans les jeux et en I.A.!!! 😊



# Les trois algorithmes

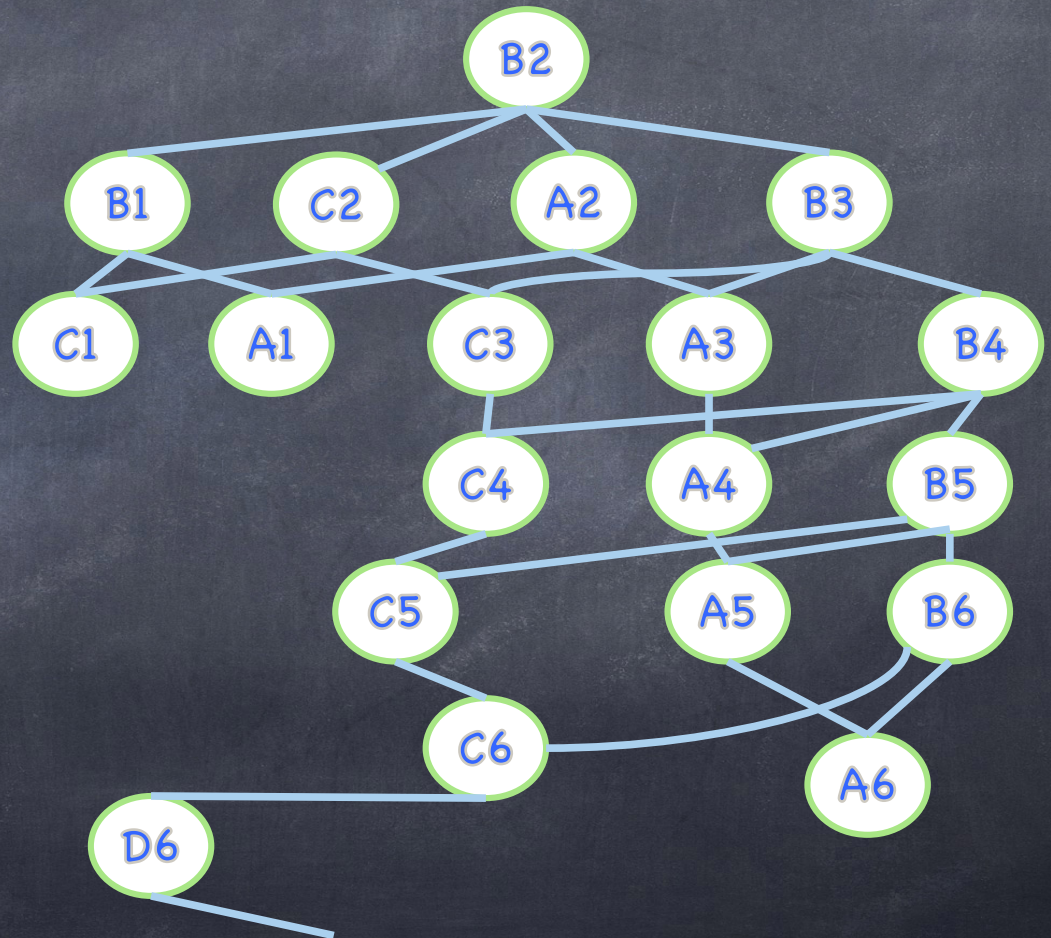
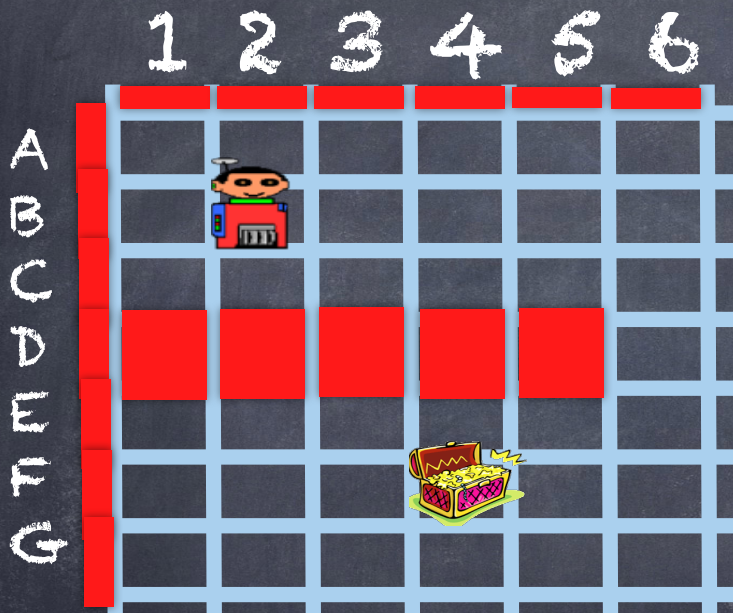
- C'est le même « moteur » qui permet de faire fonctionner ces différents algorithmes
- Ne diffèrent que par quelques points

	Best-first	Dijkstra	A*
Choix du nœud à considérer	Plus petit $h$ (heuristique distance au but)	Plus petit $g(n)$ (coût du chemin parcouru)	Plus petit $h$ (heuristique de distance au but)
Tri de la liste	$h(n)$	$g(n)$	$f(n)=g(n)+h(n)$
Calcul du « parent »	Nœud courant	Parent du nœud $n$ identique au courant si $g(n) < g(\text{courant})$	Parent du nœud $n$ identique au courant si $f(n) < f(\text{courant})$
Remarque	Calcul rapide, mais chemin tortueux	Calcul lent mais possibilité d'avoir le « meilleur » chemin	Calcul rapide et obtention d'un « bon » chemin (parfois le meilleur)

# Le moteur de recherche

- Principe: on parcourt une suite de nœuds dans un graphe
- Current = nœud courant que l'on analyse
- In-nodes = liste des nœuds à analyser, ordonnée suivant un critère (fonction heuristique ou coût de déplacement)
- Out-nodes = liste des nœuds analysés (pour éviter de boucler)

# Le graphe

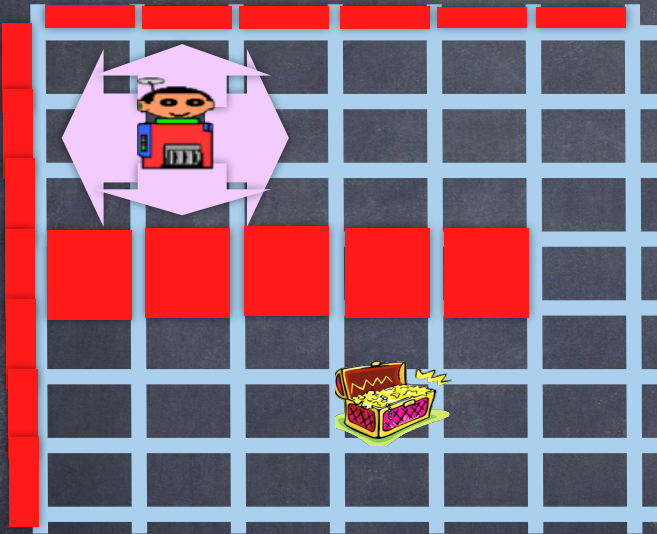


- Origine: Case B2
- But: case F4
- Obstacles en rouge

# Le fonctionnement #1

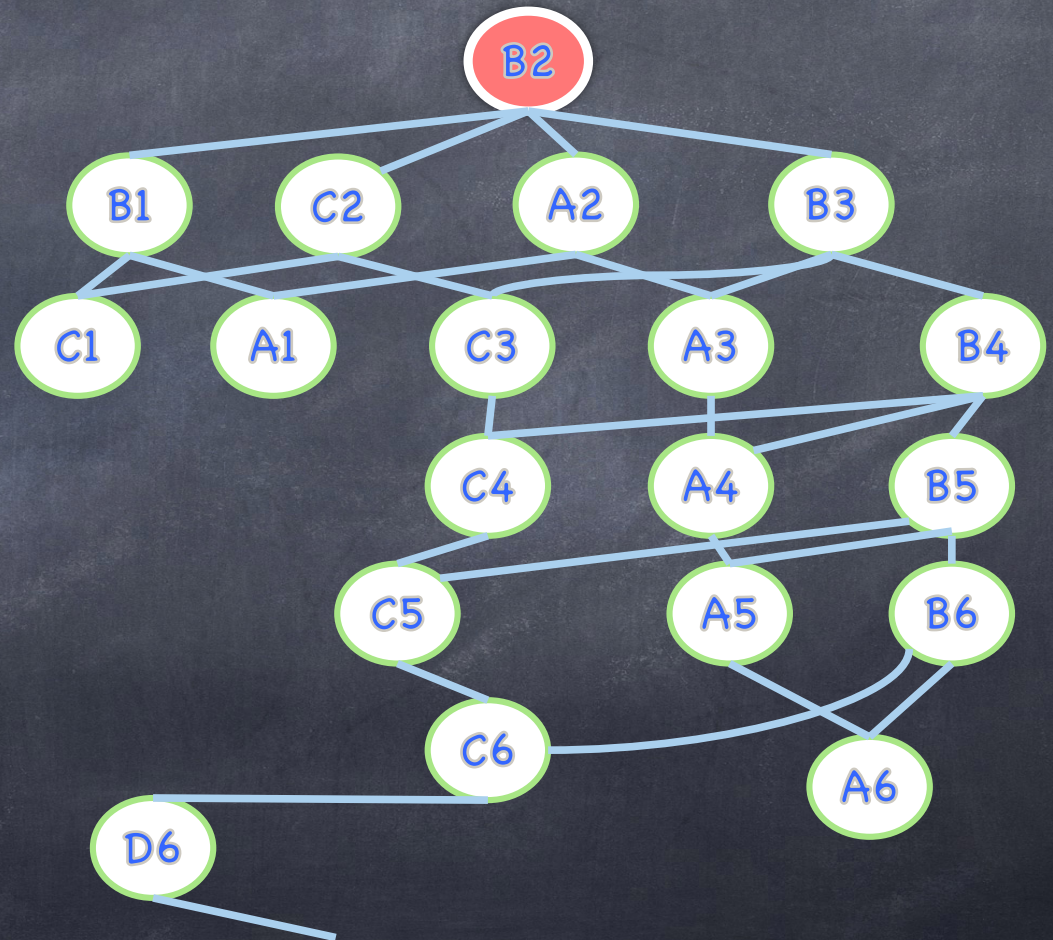
1 2 3 4 5 6

A  
B  
C  
D  
E  
F  
G

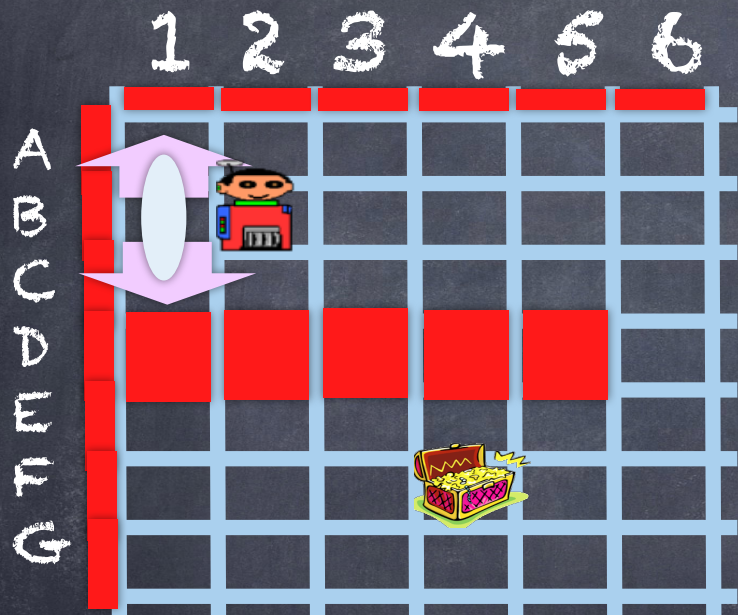


in: [ B2 ]

out: [ ]

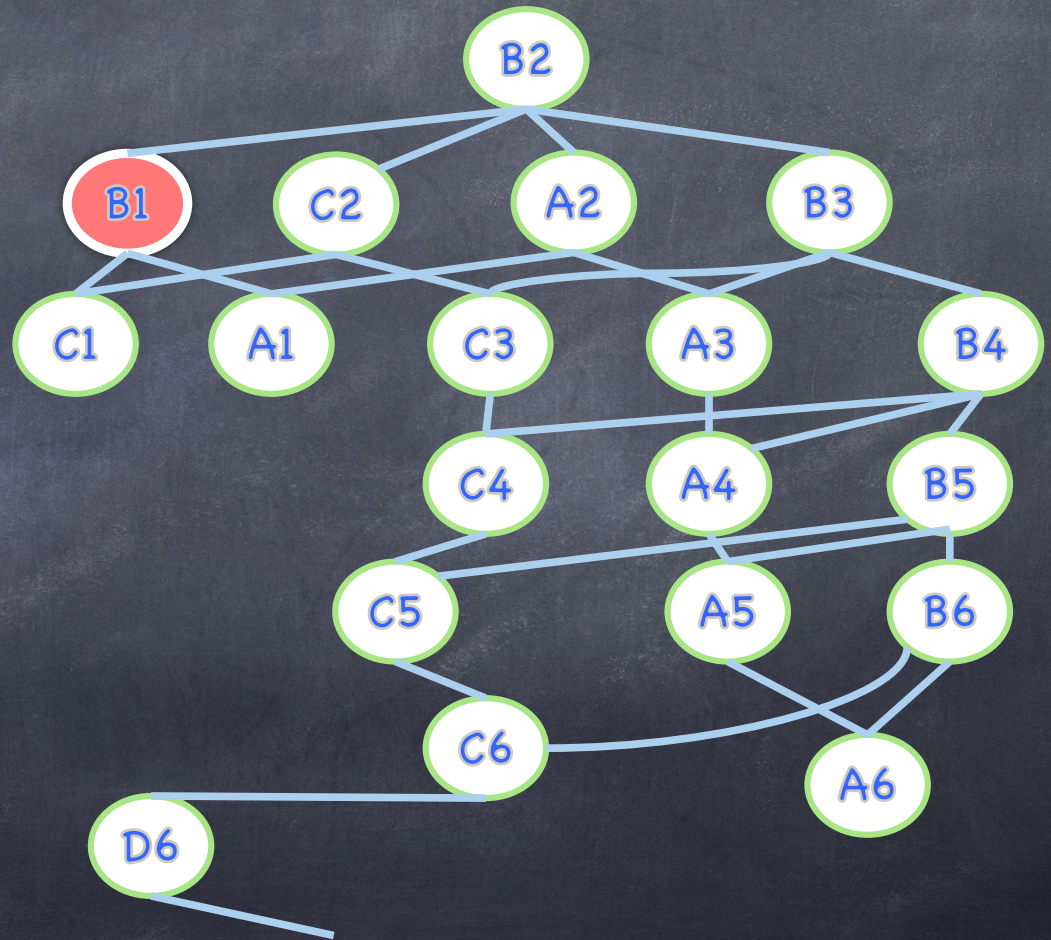


# Le fonctionnement #2



in: [ B1 C2 A2 B3 ]

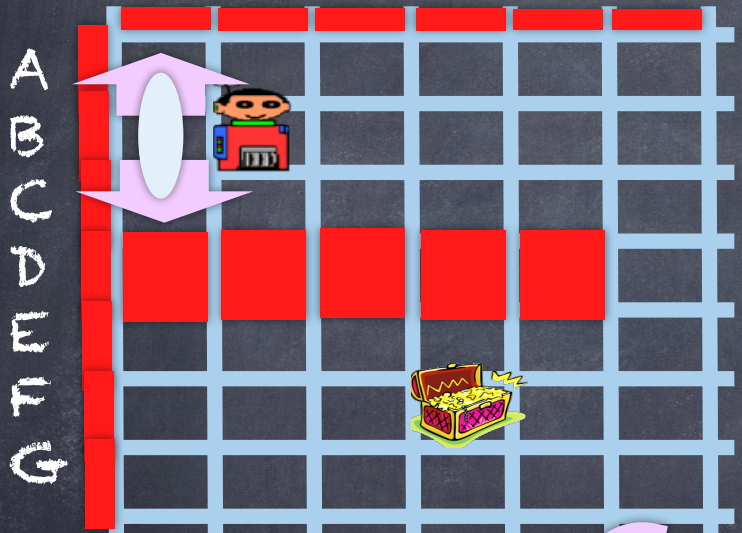
out: [ B2 ]





# Le fonctionnement #3

1 2 3 4 5 6

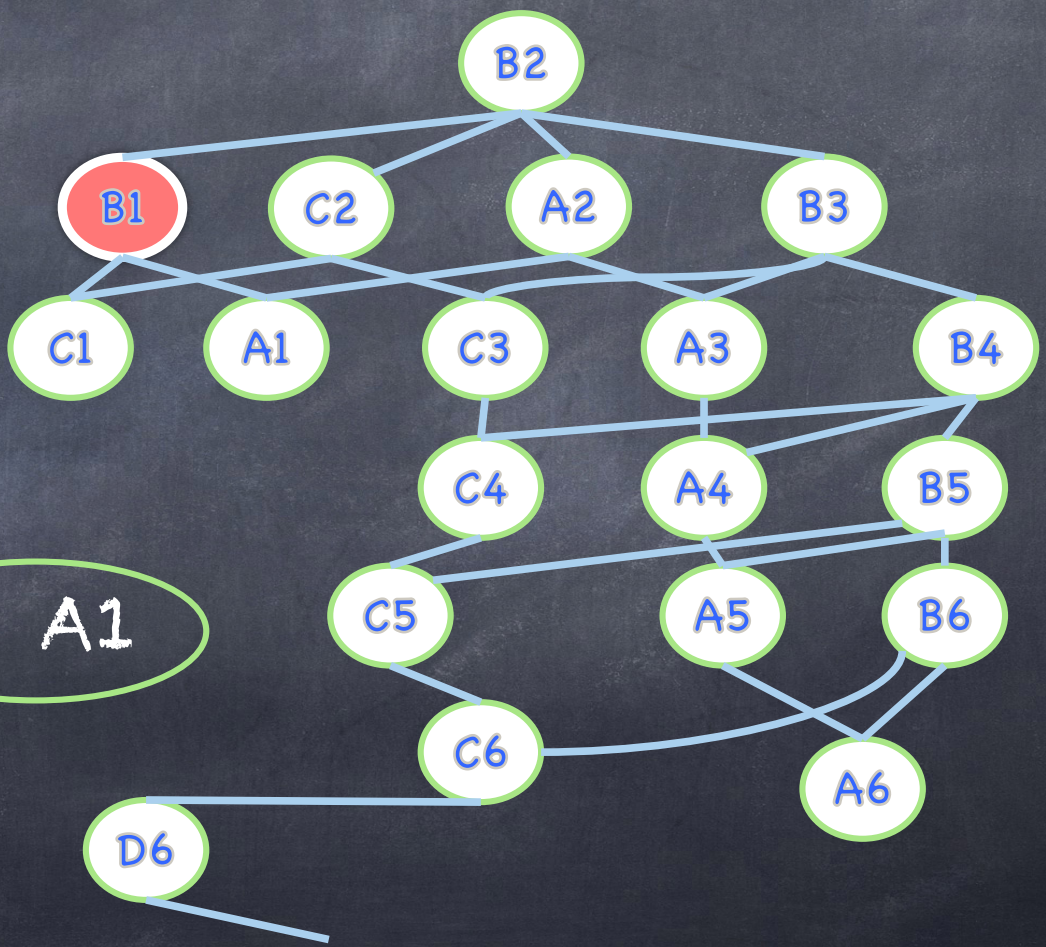


in: [ C2 A2 B3 ]

out: [ B2 B1 ]

?

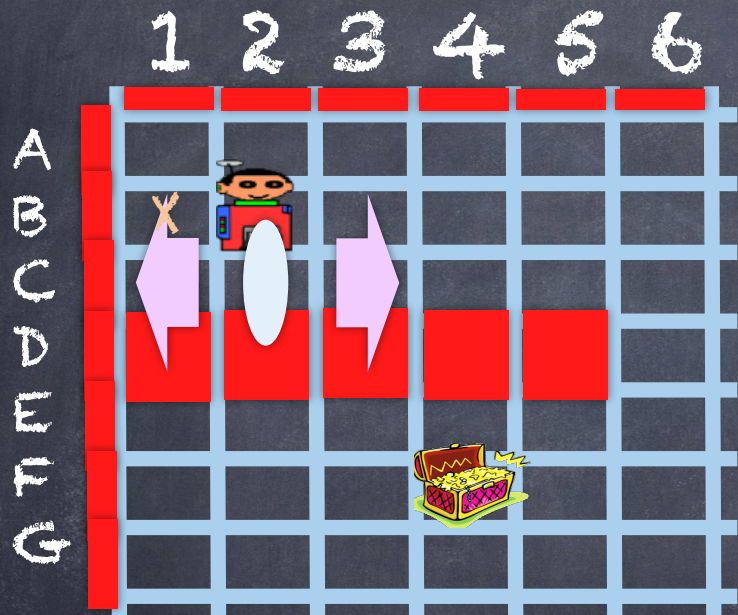
C1 A1



# Dijkstra

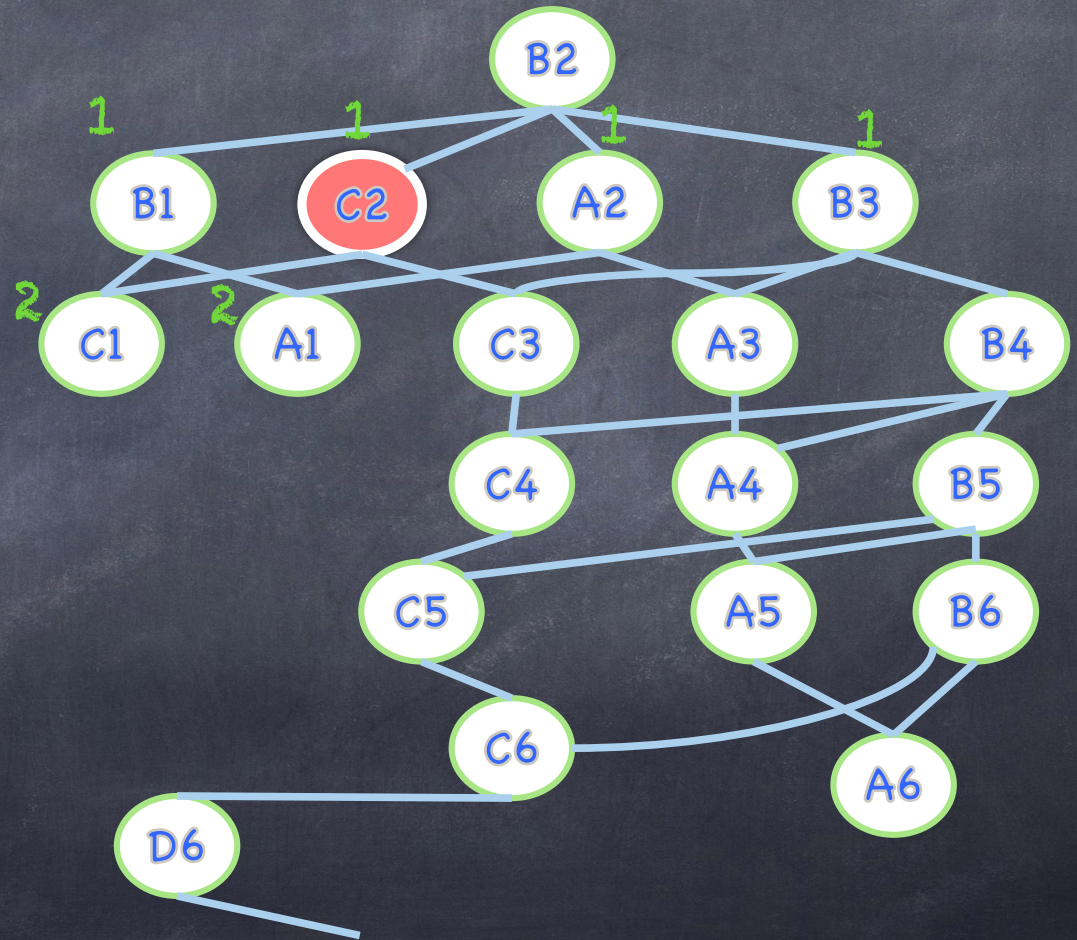
- On ordonne les nœuds par rapport à la distance à l'origine
- $G(u) = \text{distance}(\text{origine}, u)$

# Le fonctionnement #4



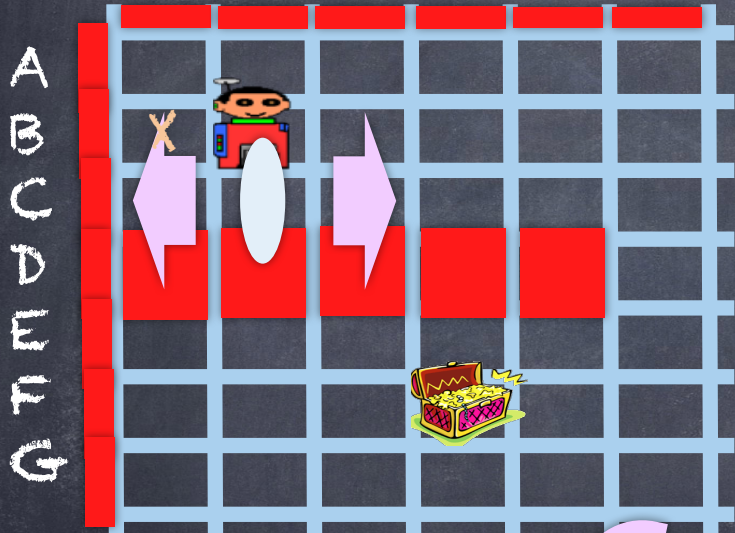
in: [ A2 B3 C1 A1 ]

out: [ C2 B2 B1 ]



# Le fonctionnement #5

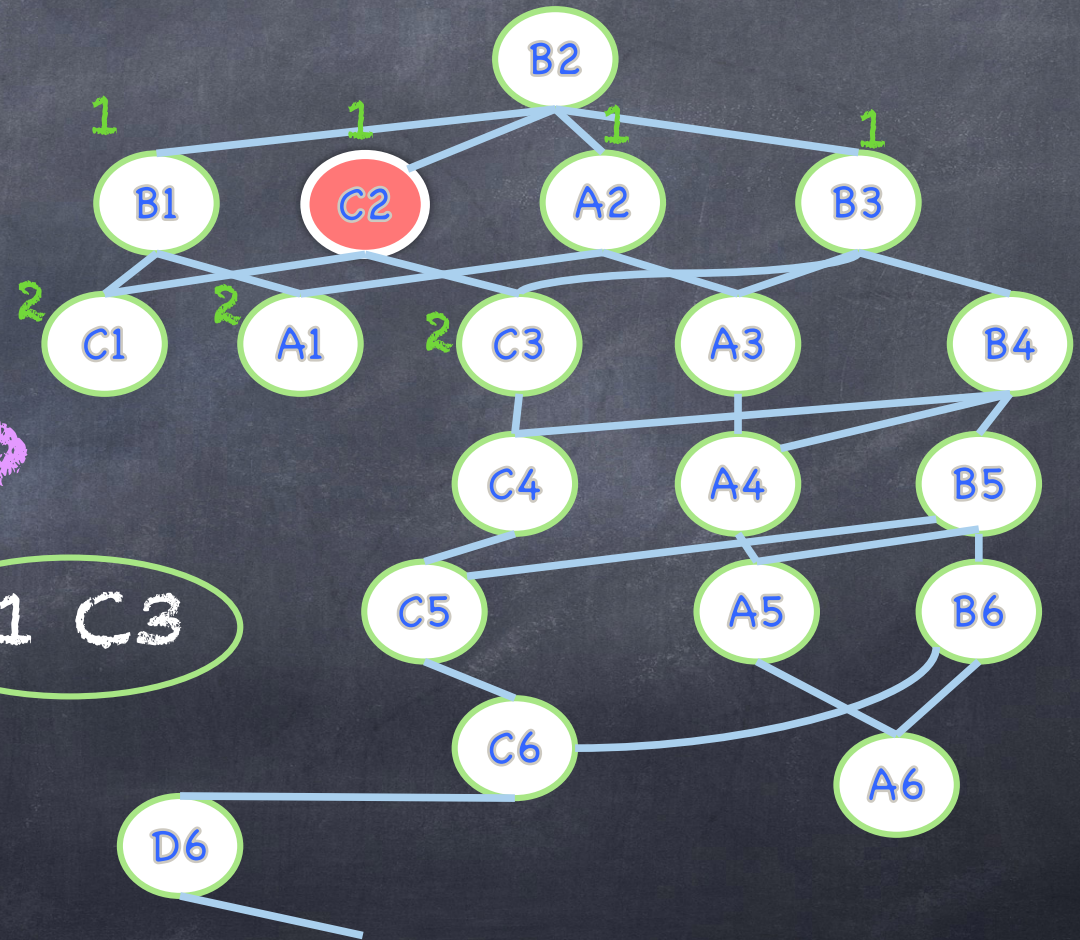
1 2 3 4 5 6



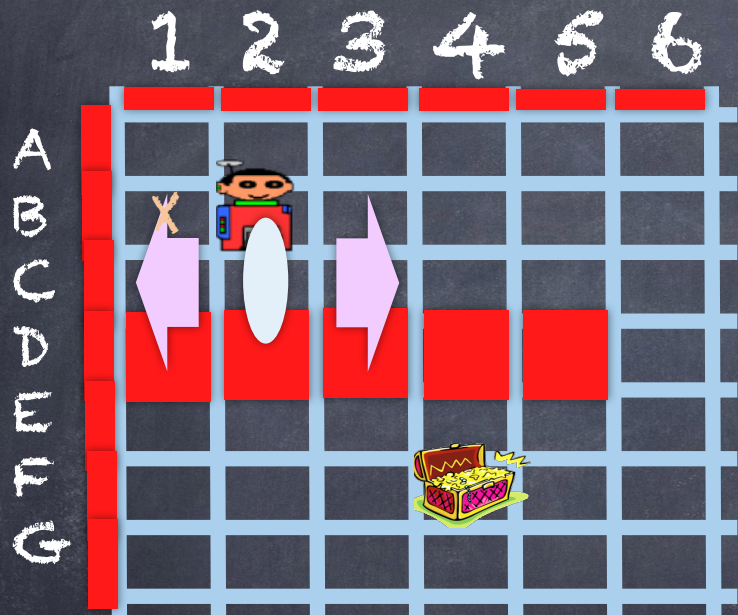
in: [ A2 B3 C1 A1 ]

out: [ C2 B2 B1 ]

C1 C3

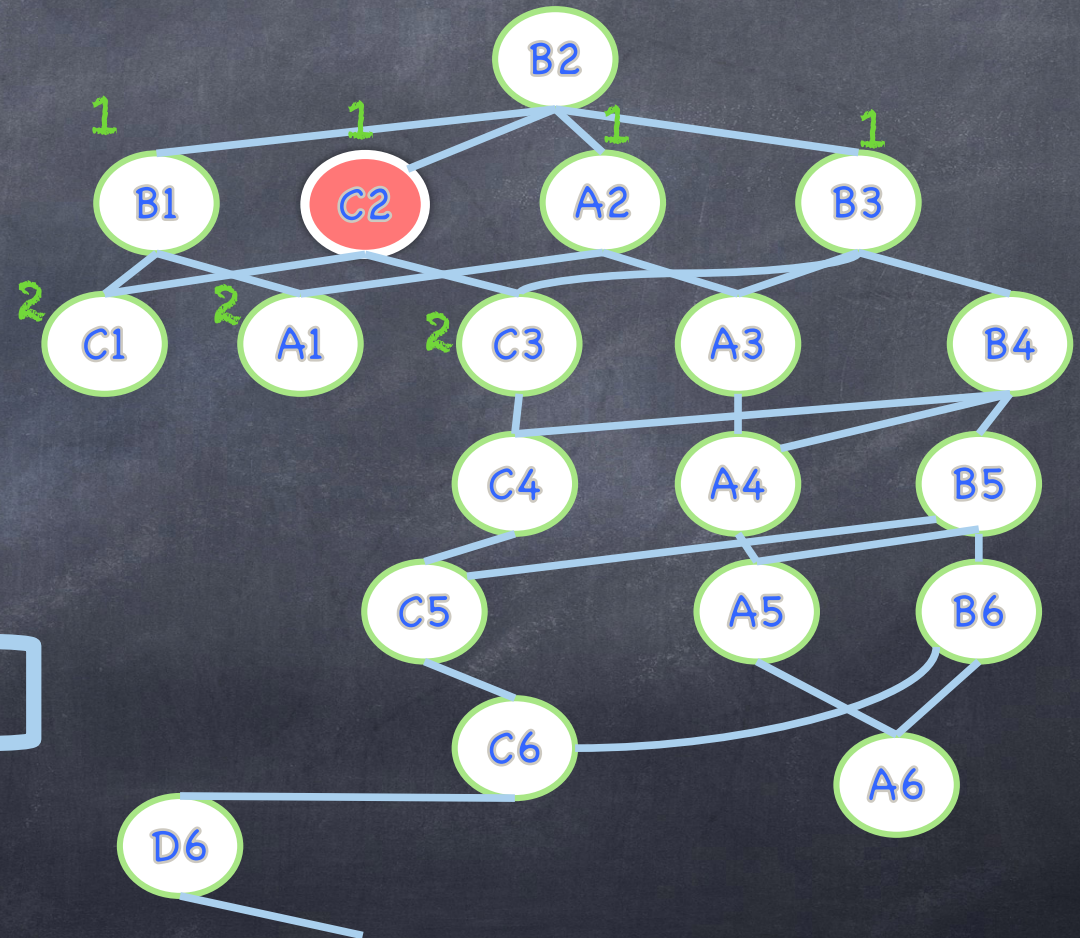


# Le fonctionnement #6

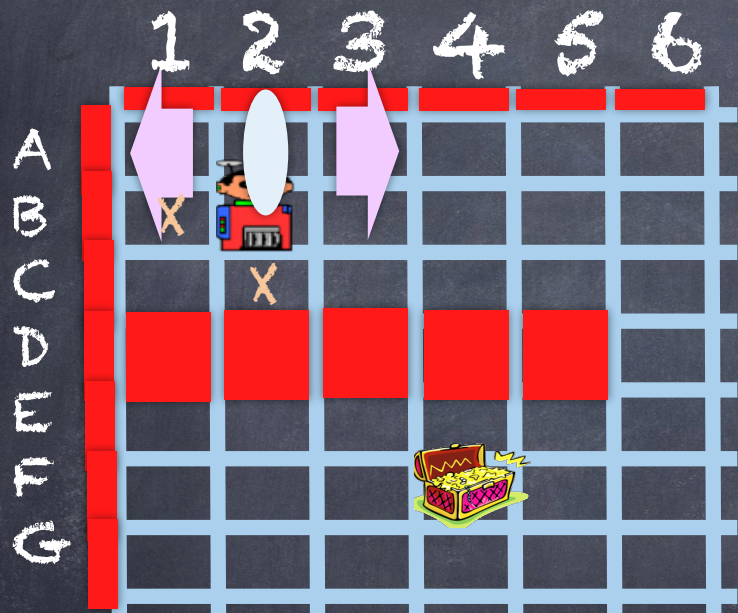


in: [ A2 B3 C1 A1 C3 ]

out: [ C2 B2 B1 ]

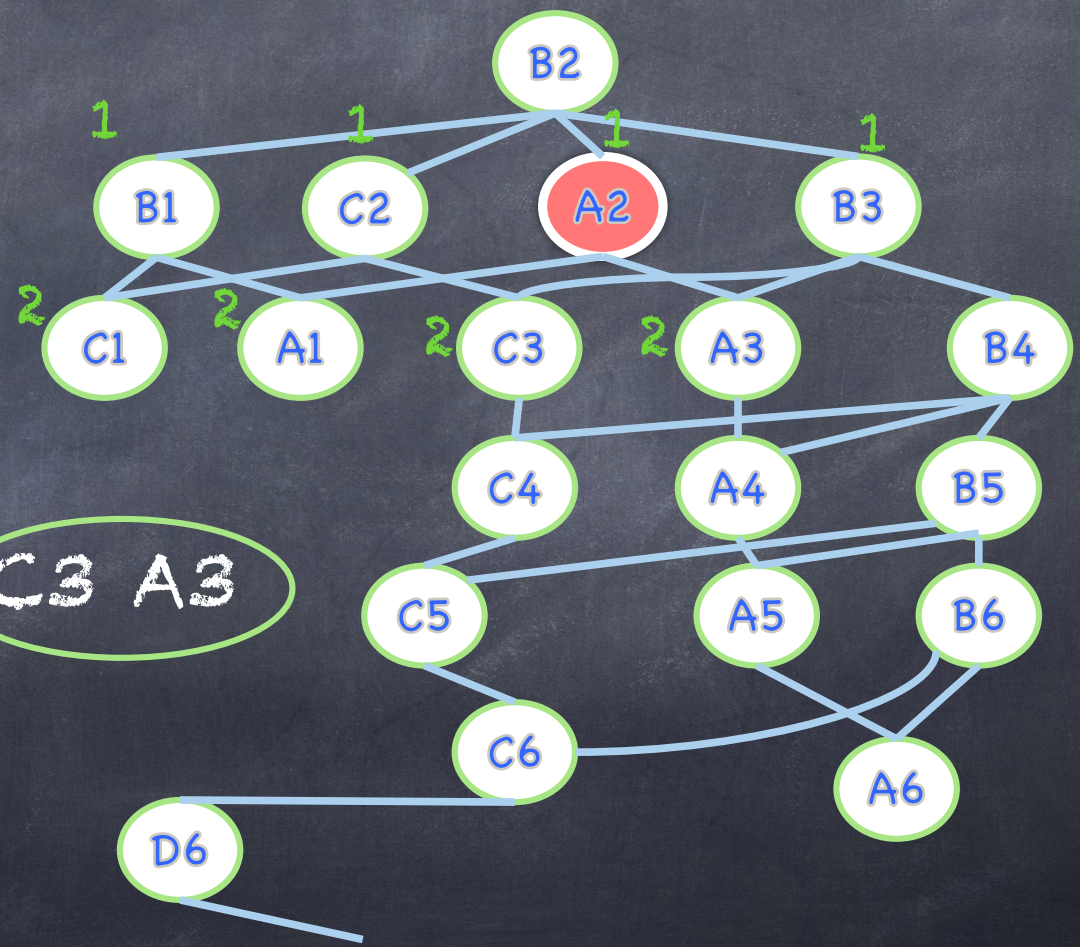


# Le fonctionnement #7

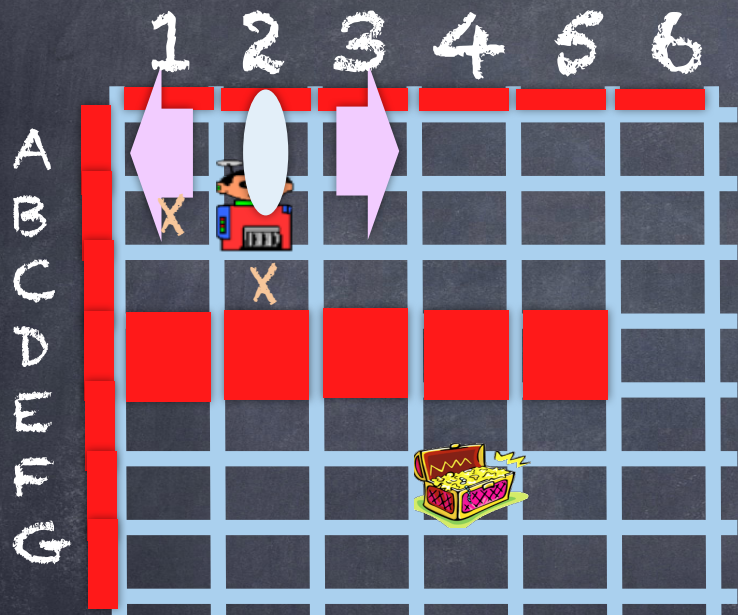


in: [ B3 C1 A1 C3 ]  
 out: [ A2 C2 B2 B1 ]

C3 A3

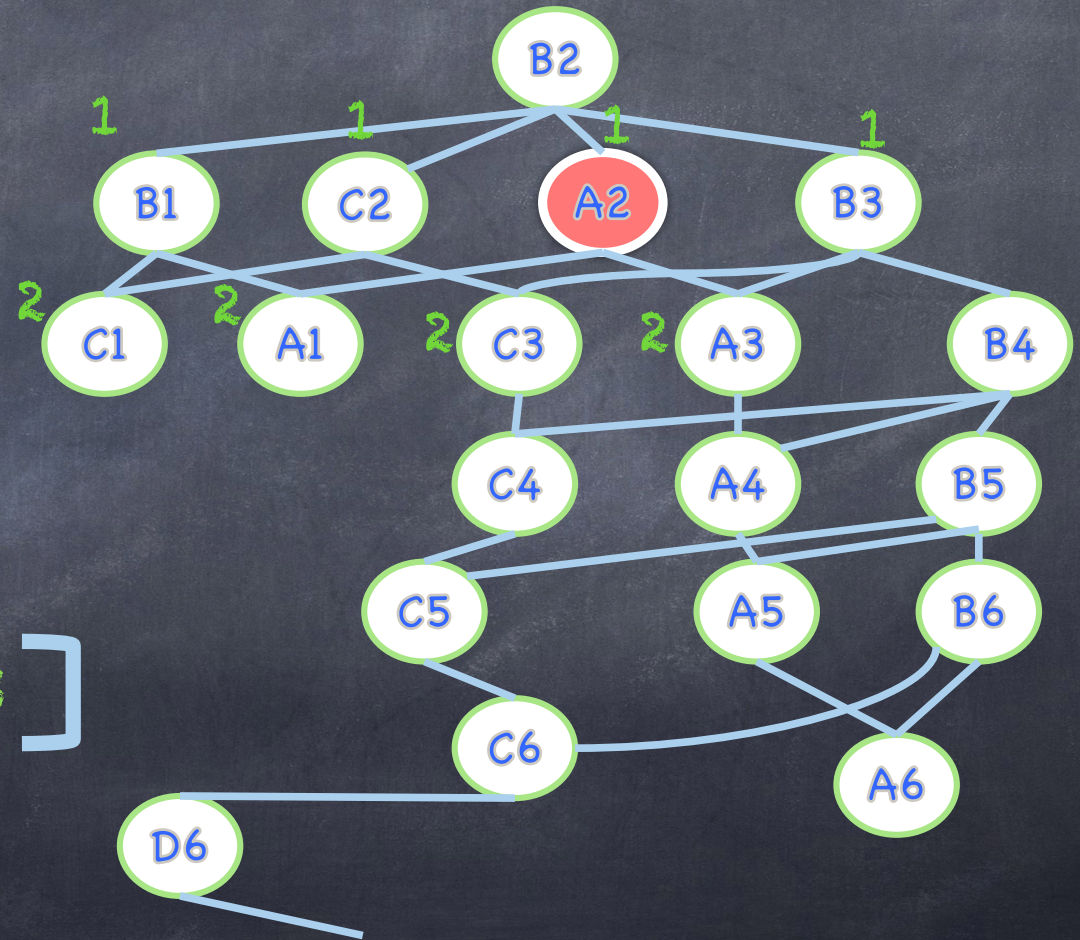


# Le fonctionnement #8

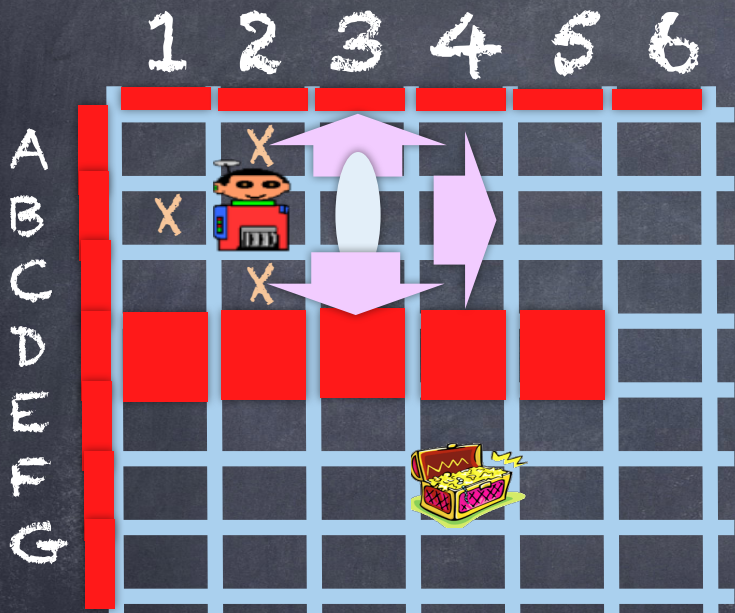


in: [ B3 C1 A1 C3 A3 ]

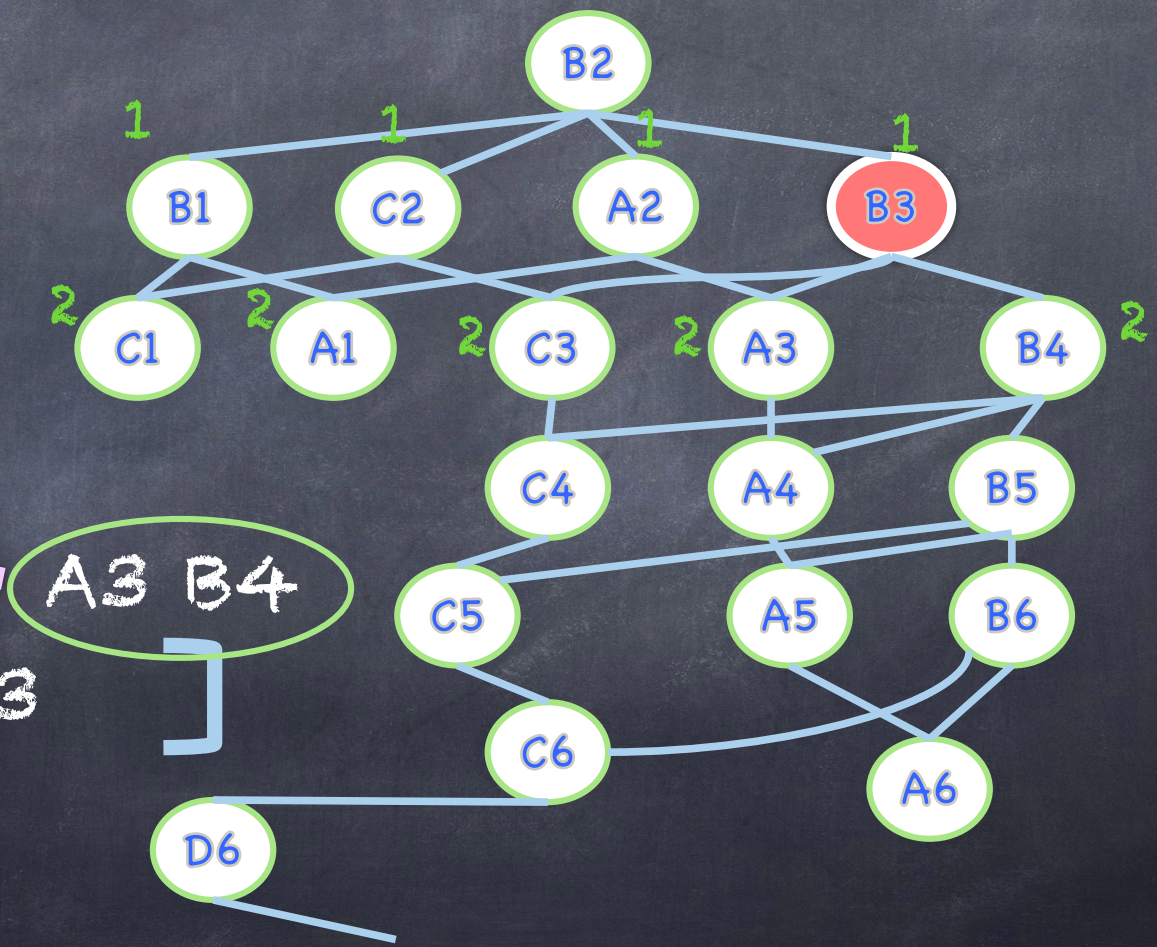
out: [ A2 C2 B2 B1 ]



# Le fonctionnement #9

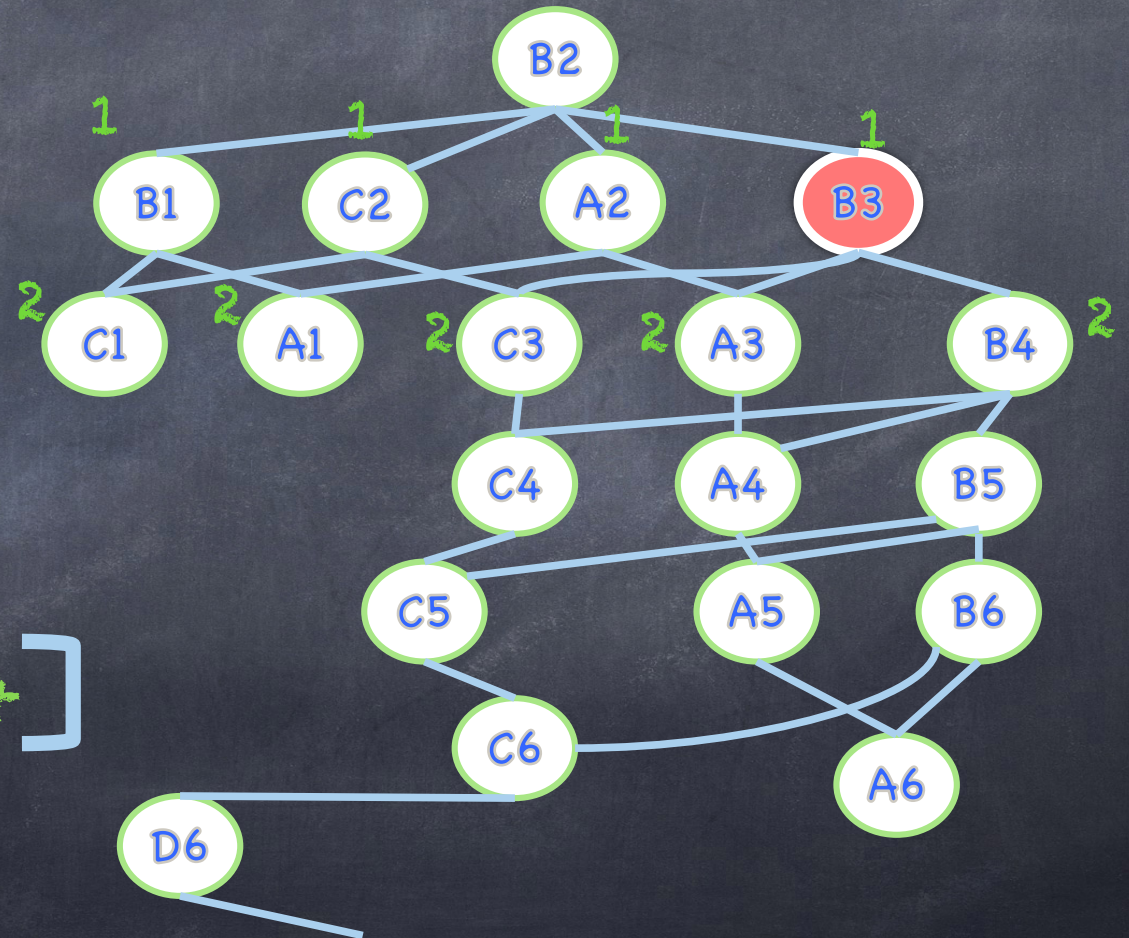
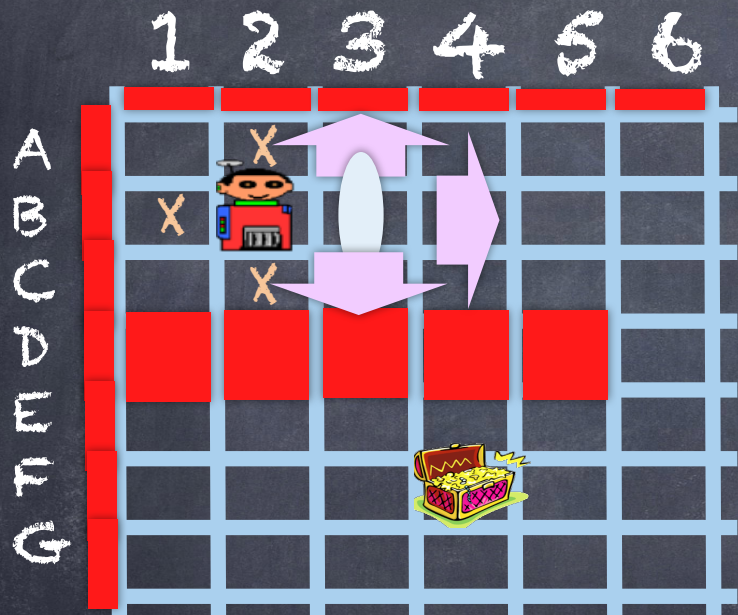


in: [ B3 C1 A1 C3 A3 ]  
 out: [ A2 C2 B2 B1 ]





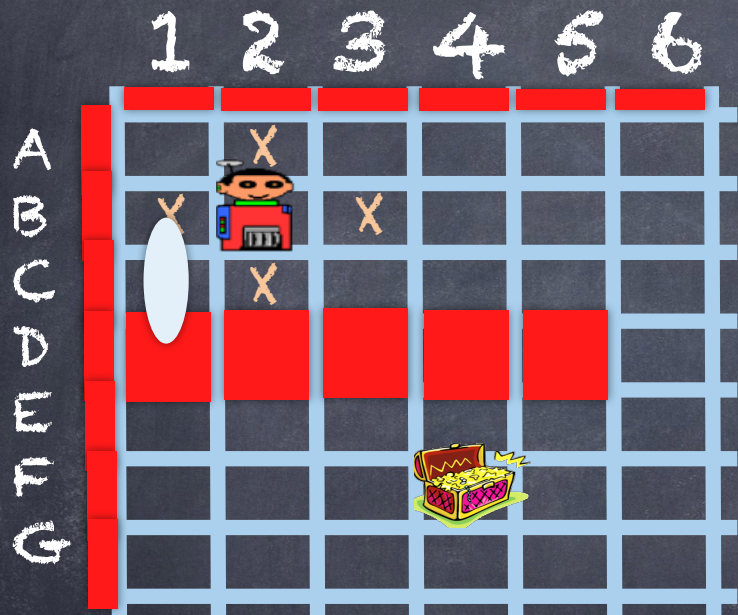
# Le fonctionnement #10



in: [ C1 A1 C3 A3 B4 ]

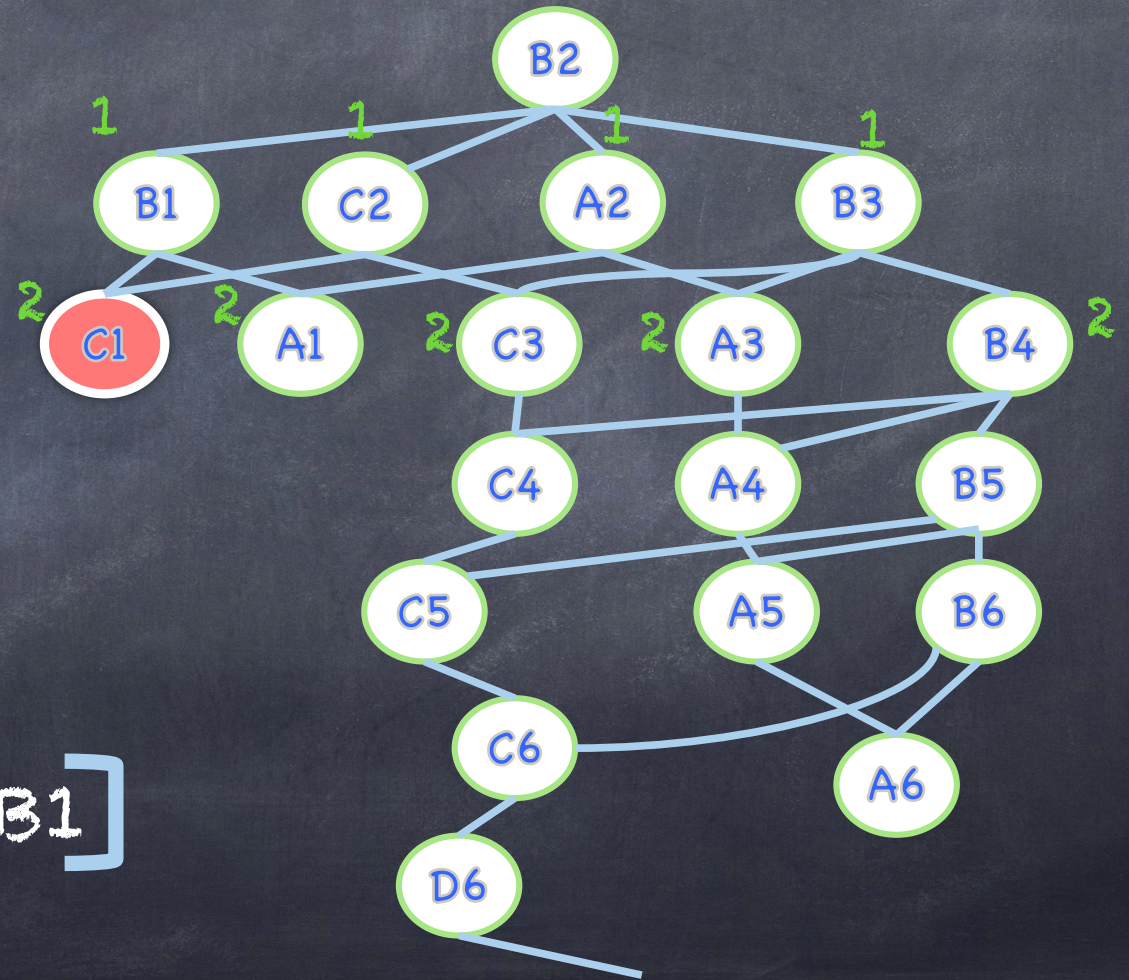
out: [ B3 A2 C2 B2 B1 ]

# Le fonctionnement #11

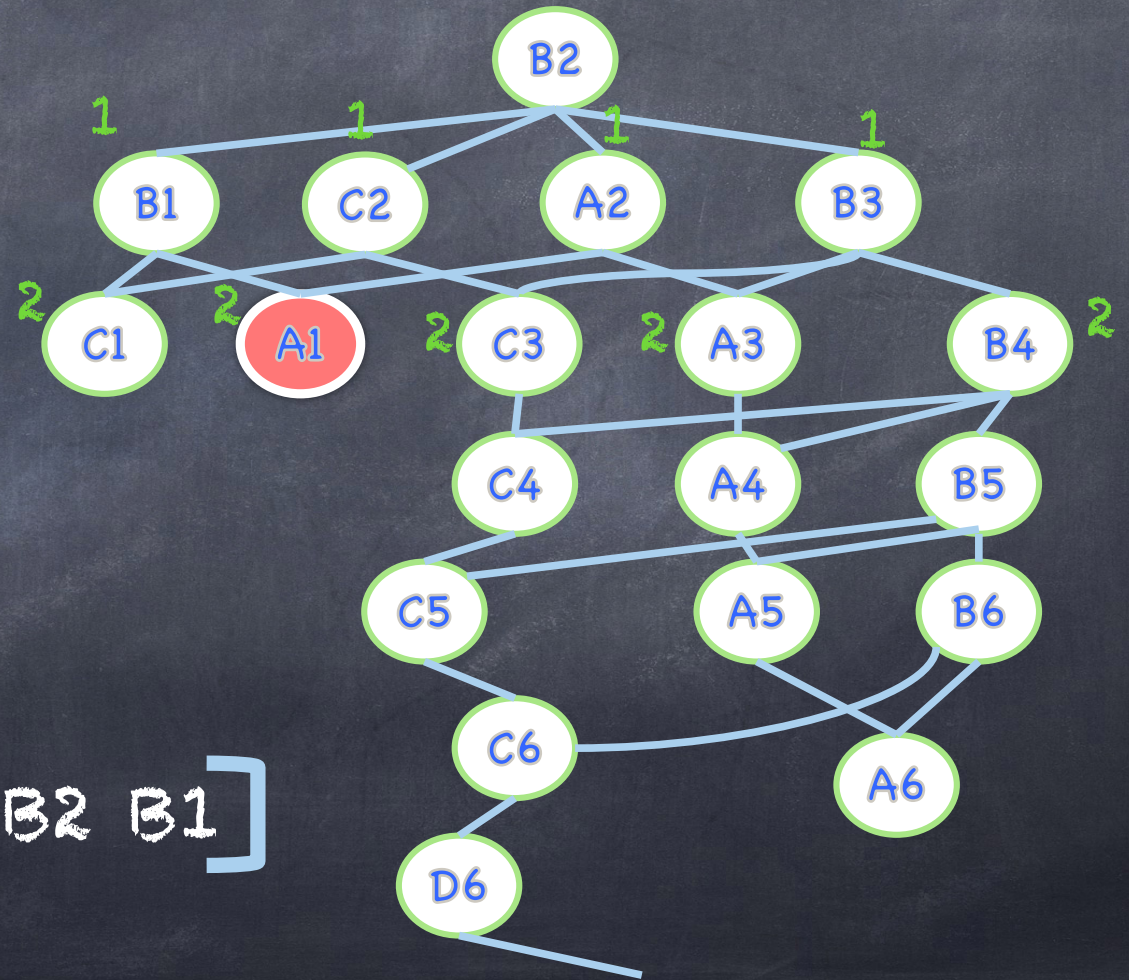
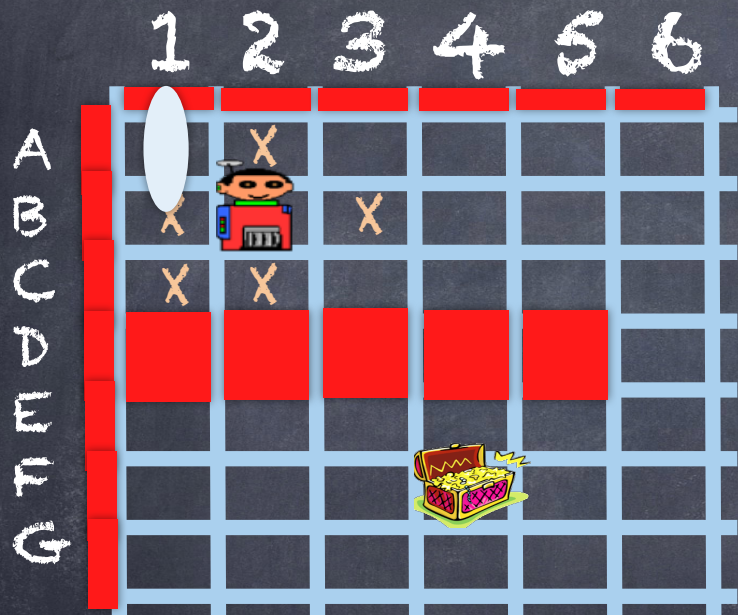


in: [ A1 C3 A3 B4 ]

out: [ C1 B3 A2 C2 B2 B1 ]



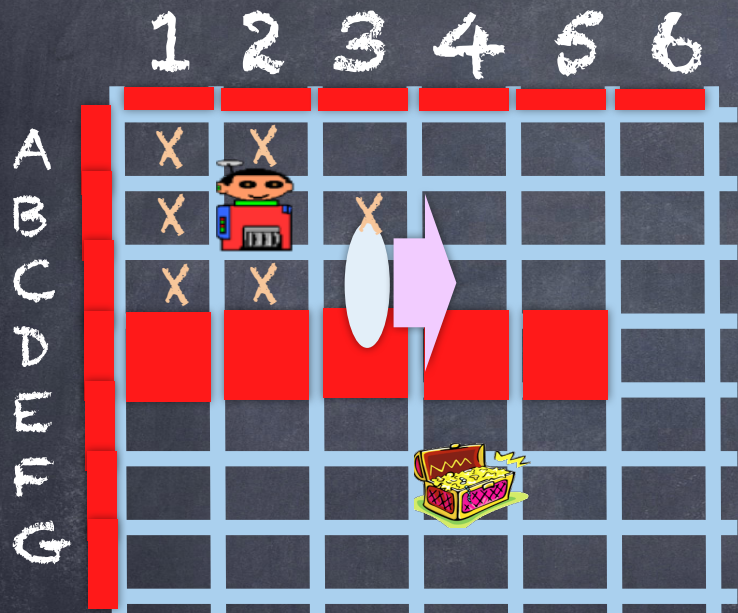
# Le fonctionnement #12



in: [ C3 A3 B4 ]

out: [ A1 C1 B3 A2 C2 B2 B1 ]

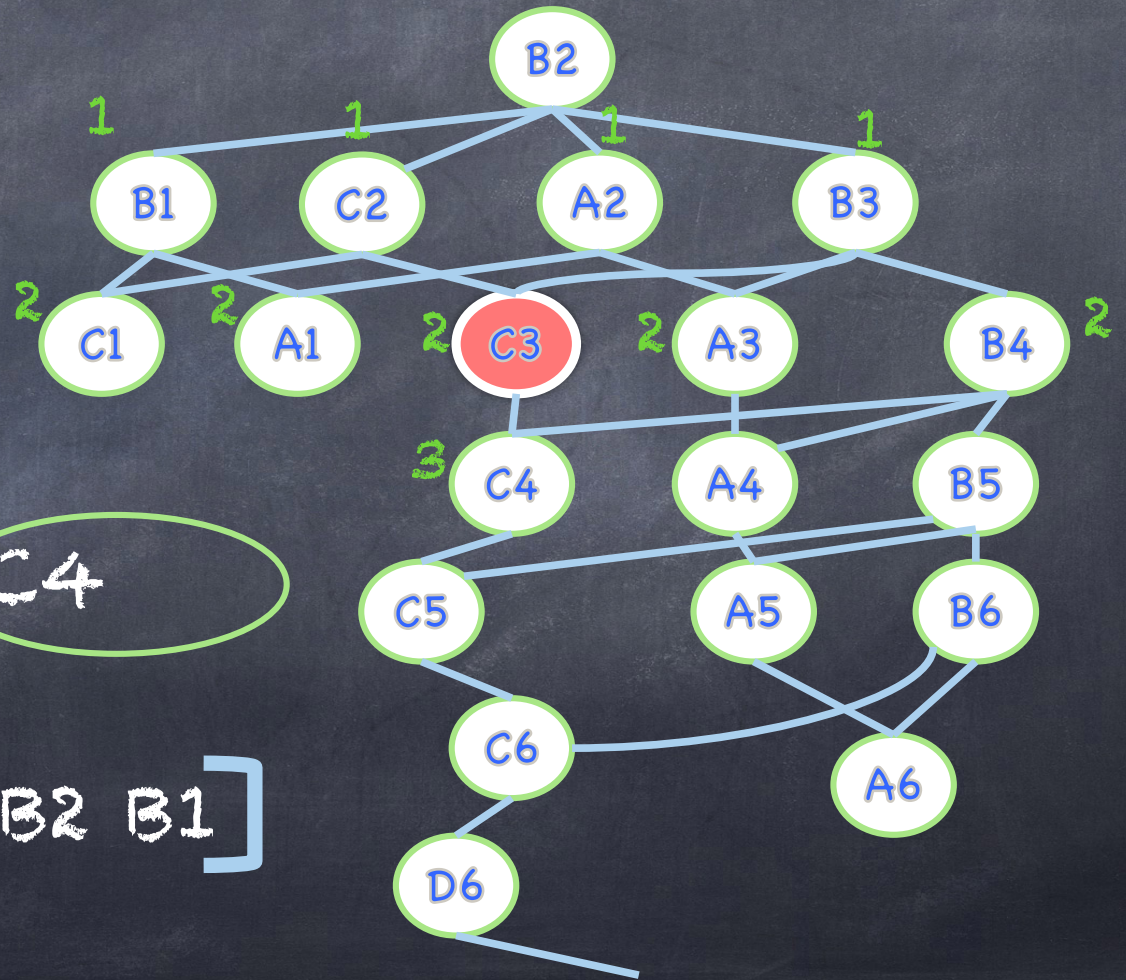
# Le fonctionnement #13



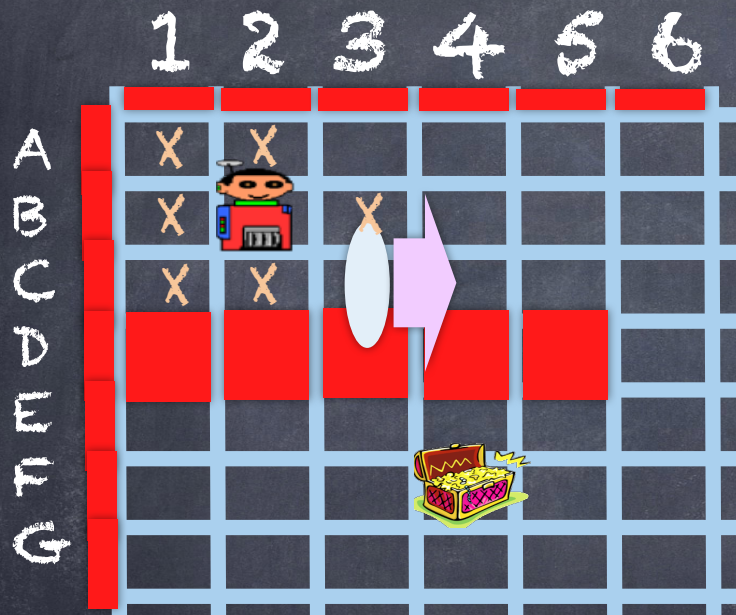
in: [ C3 A3 B4 ]

out: [ A1 C1 B3 A2 C2 B2 B1 ]

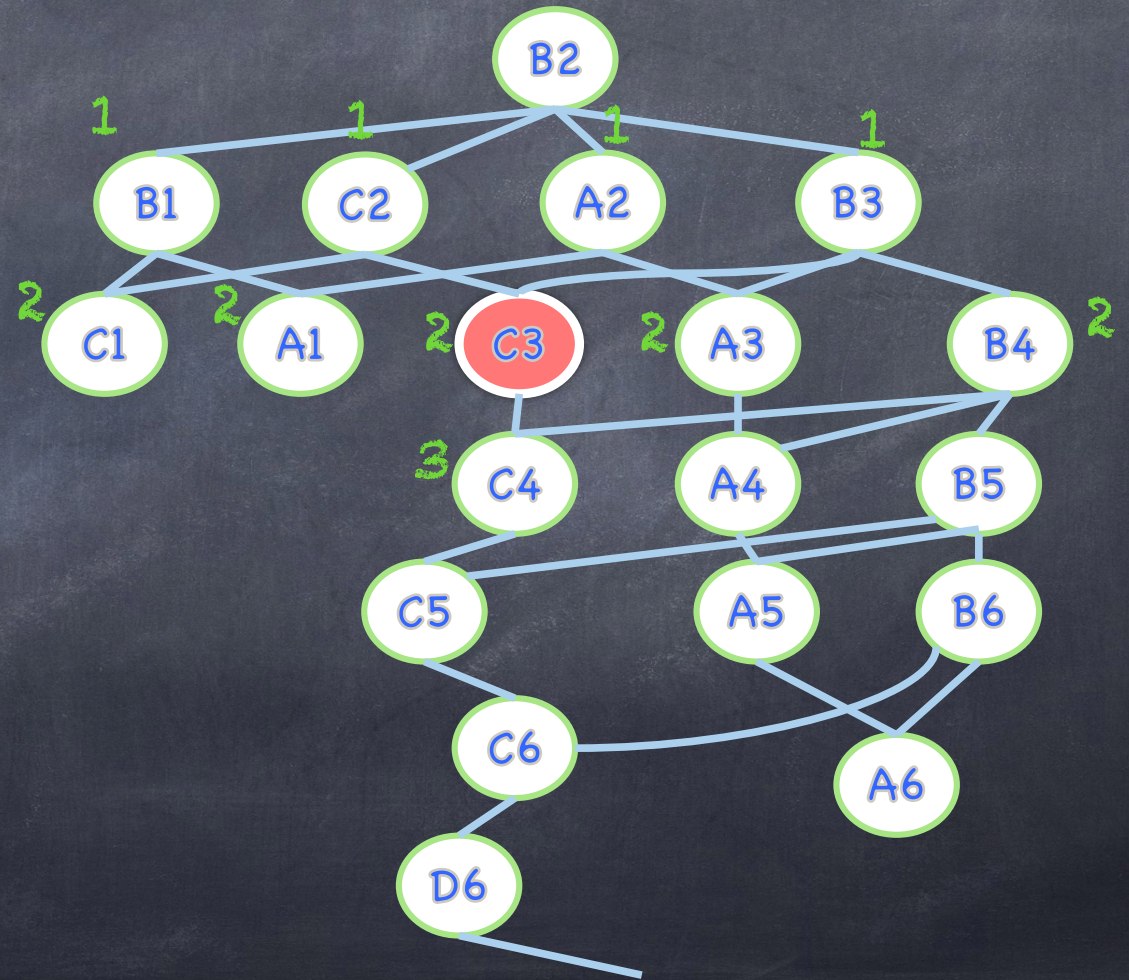
C4



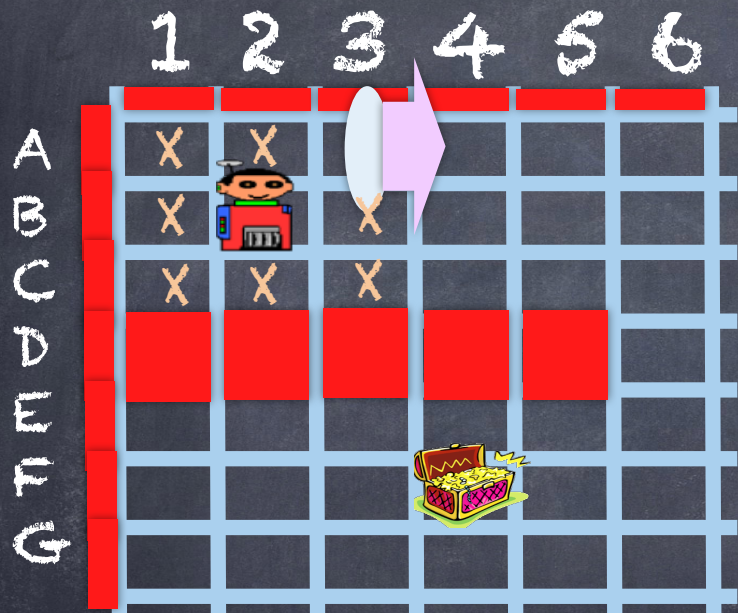
# Le fonctionnement #14



in: [ A3 B4 C4 ]  
 out: [ A1 C1 B3 A2 ]  
       [ C2 B2 B1 ]



# Le fonctionnement #15

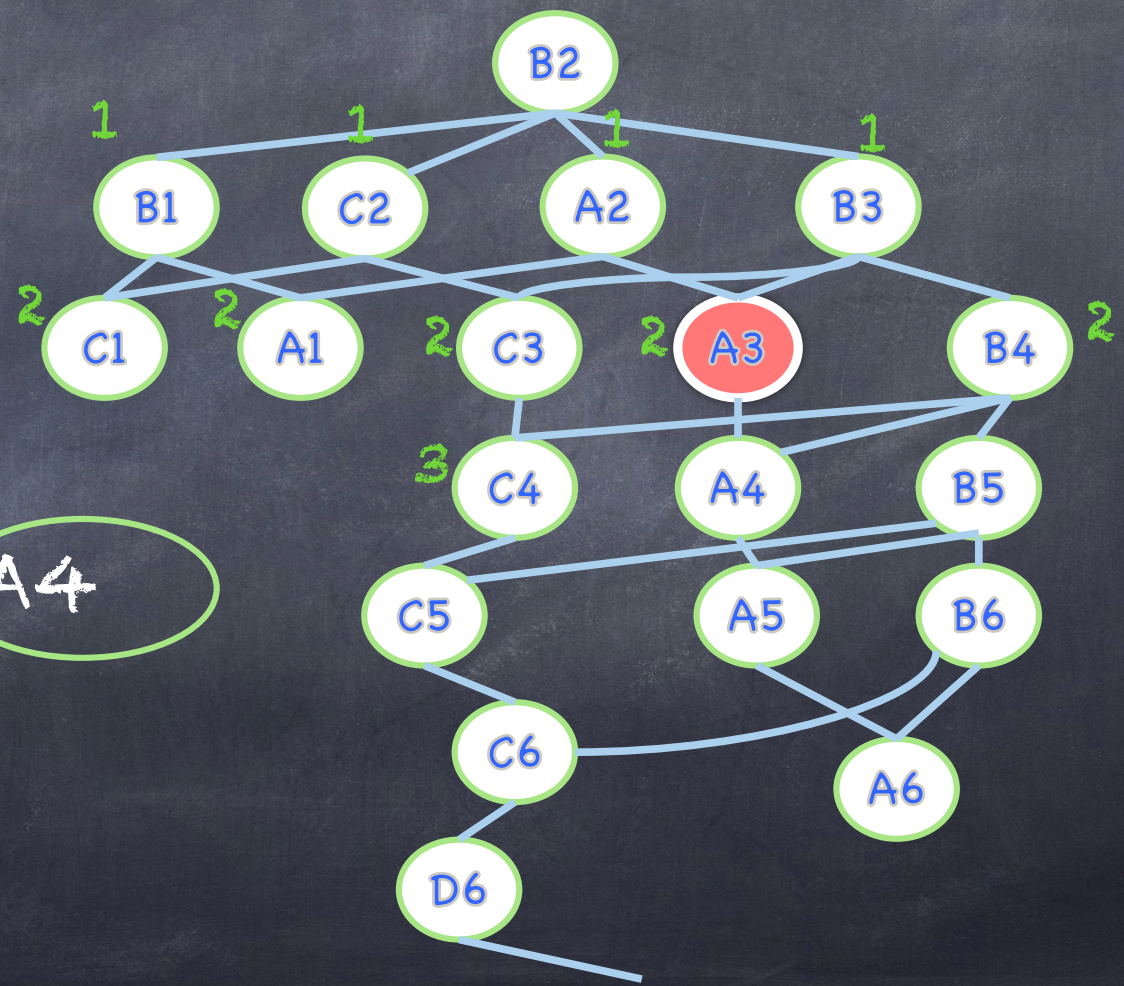


in: [ B4 C4 ]

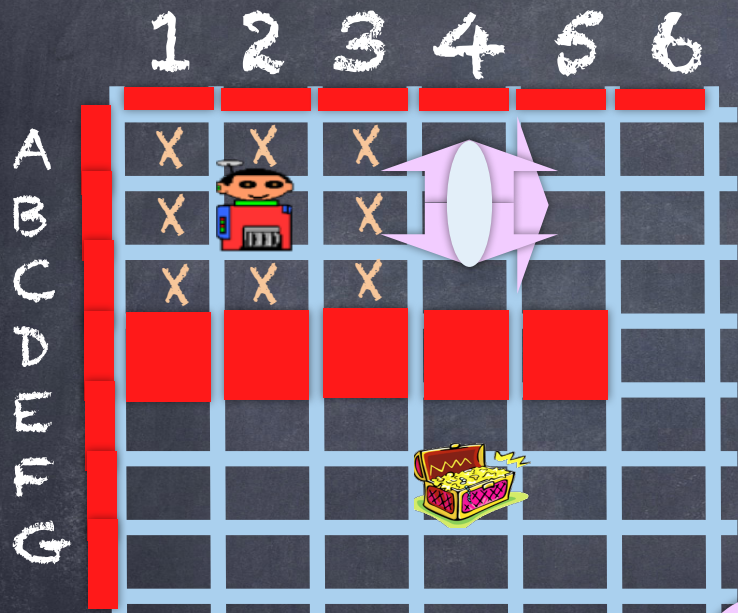
out: [ A3 A1 C1 B3 ]

      [ A2 C2 B2 B1 ]

A4

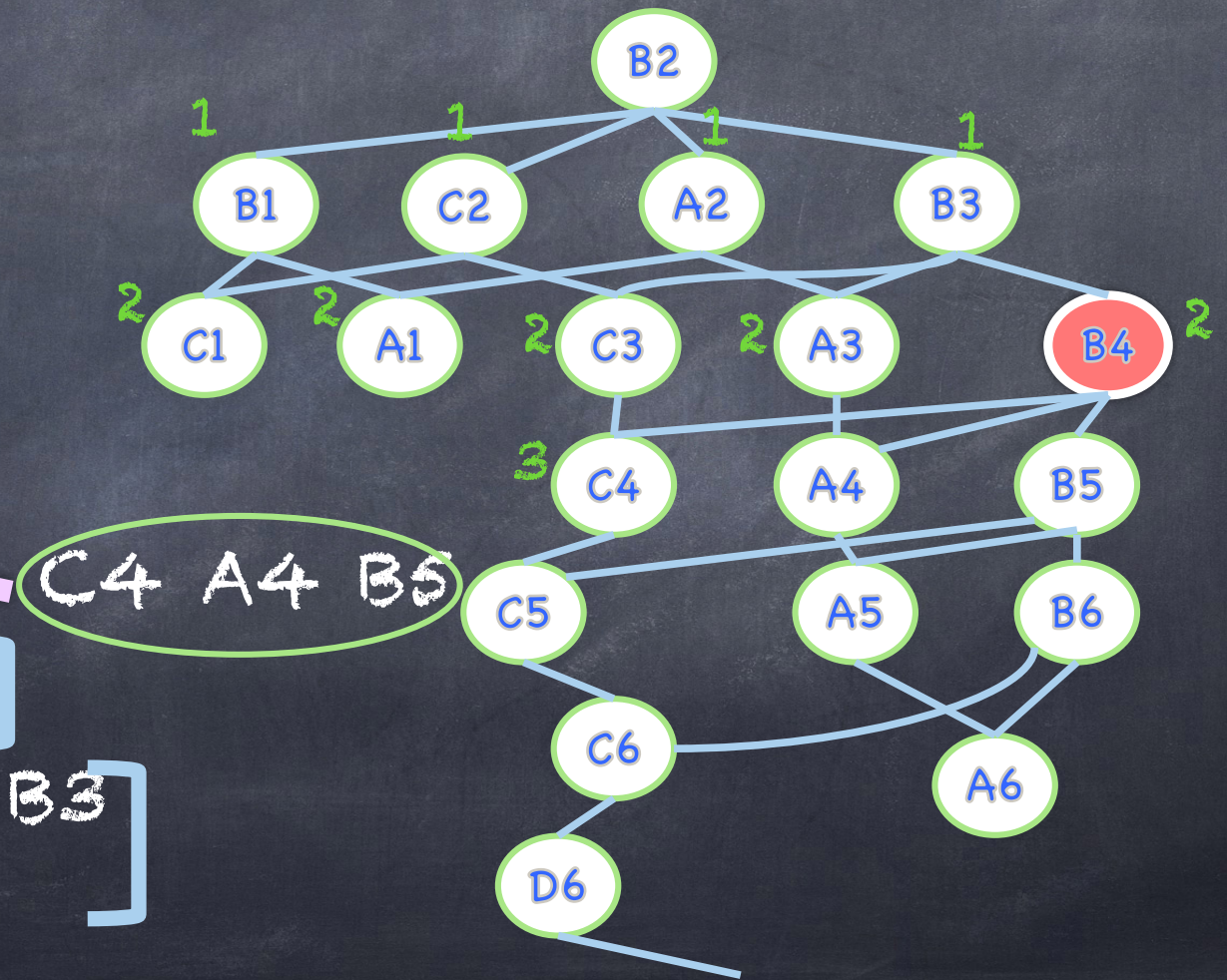


# Le fonctionnement #15




in: [ C4 A4 ]

out: [ B4 A3 A1 C1 B3 ]  
 [ A2 C2 B2 B1 ]



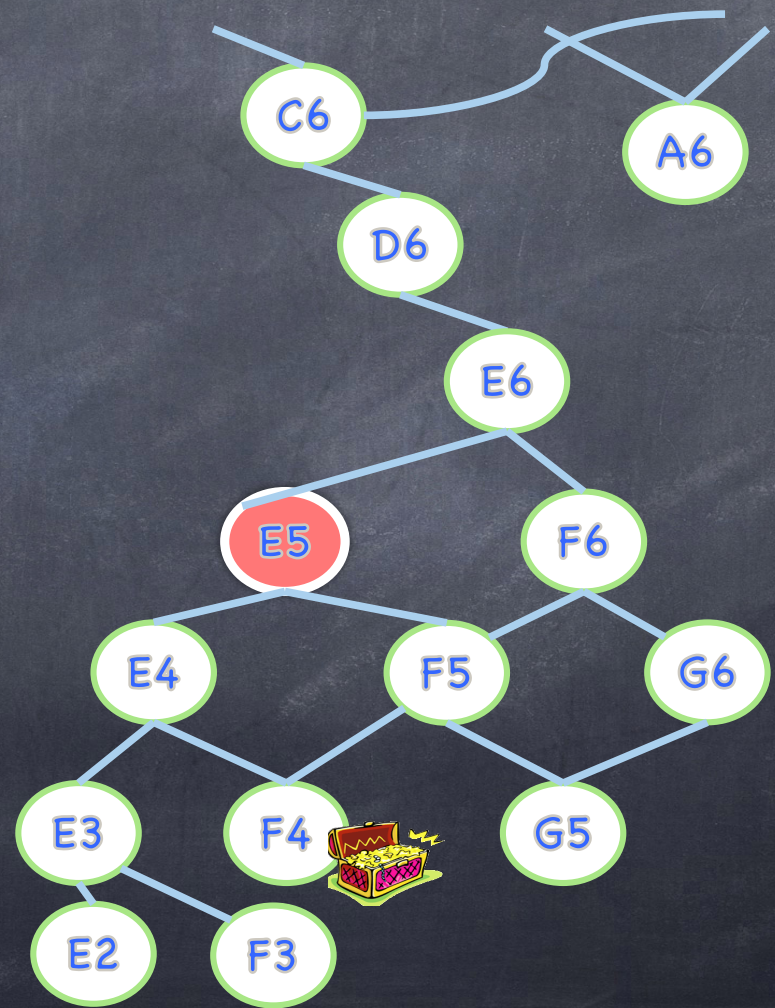
# Le fonctionnement #fin1

	1	2	3	4	5	6
A	X	X	X	X	X	X
B	X		X	X	X	X
C	X	X	X	X	X	X
D						X
E						X
F						
G						



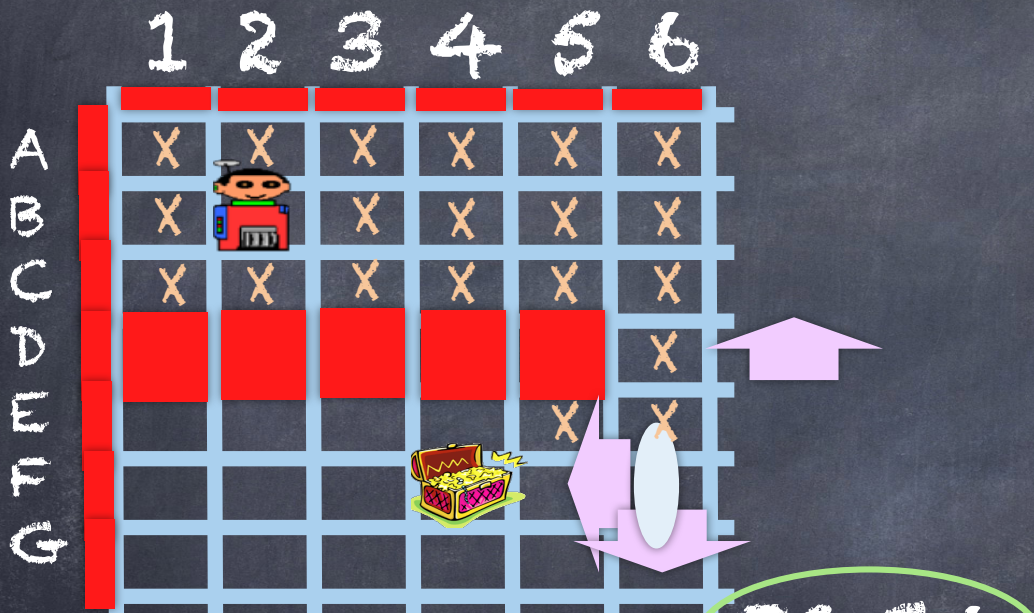
E4 F5

in: [ F6 ]  
 out: [ E5 E6 D6 ... ]



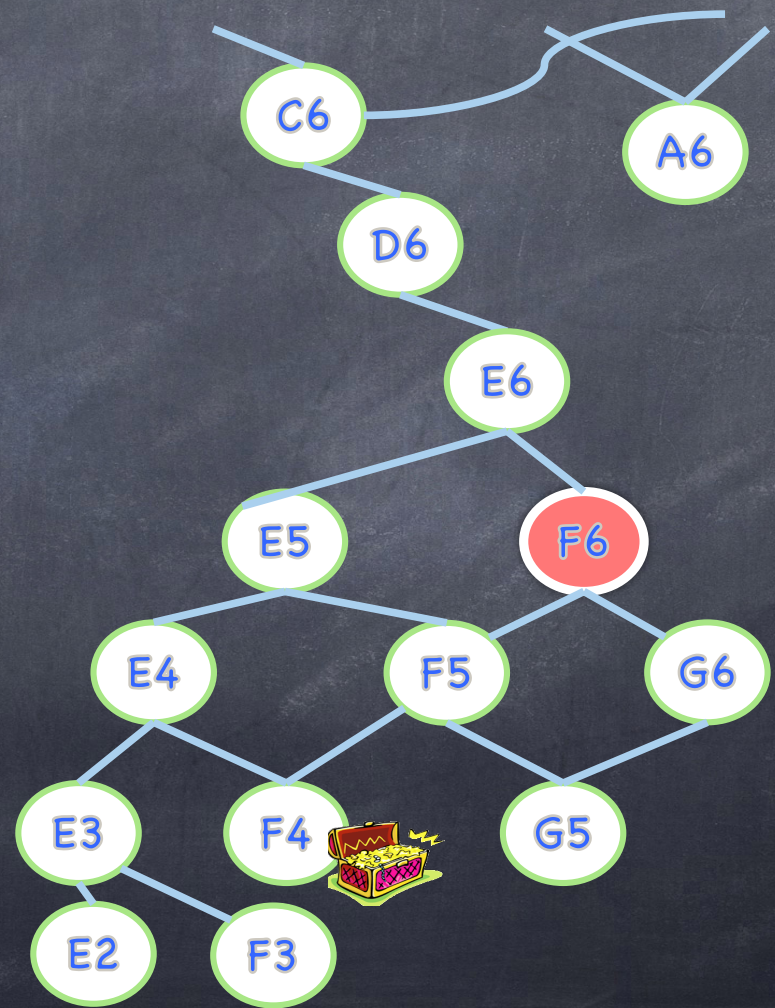


# Le fonctionnement #fin2




F5 G6

in: [ E4 F5 ]  
 out: [ F6 E5 E6 D6 .... ]



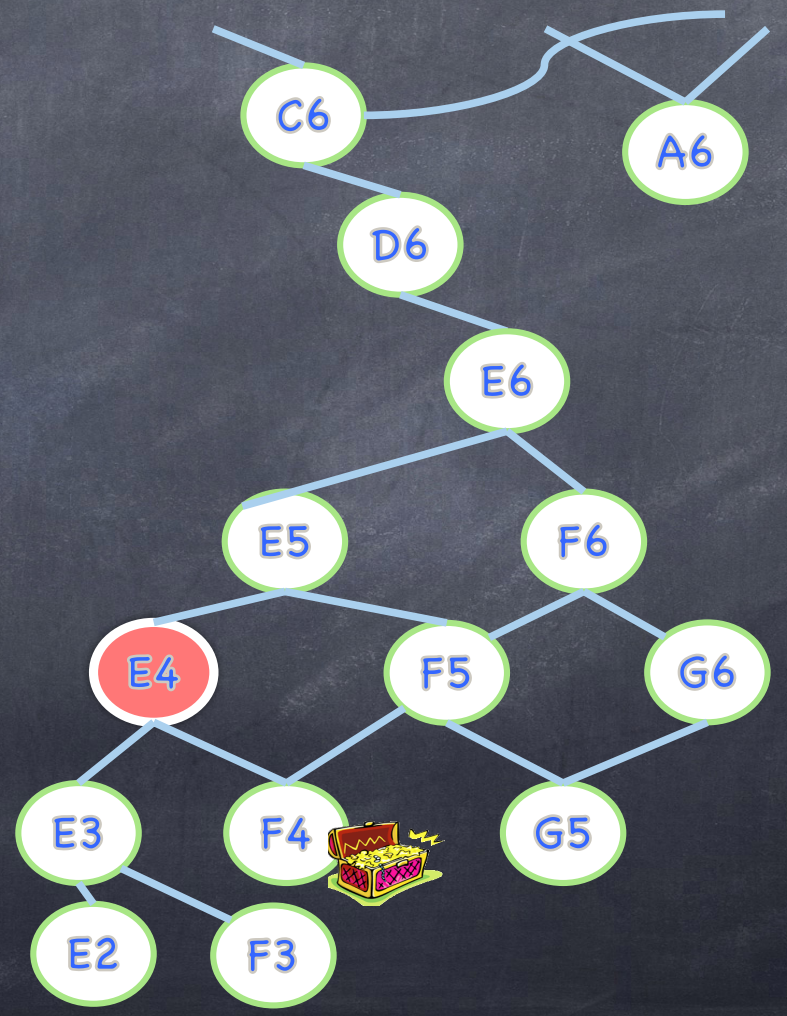
# Le fonctionnement #fin3

	1	2	3	4	5	6
A	X	X	X	X	X	X
B	X		X	X	X	X
C	X	X	X	X	X	X
D						X
E						X
F						X
G						X


E3 F4

in: [ F5 G6 ]

out: [ E4 F6 E5 E6 D6 ... ]



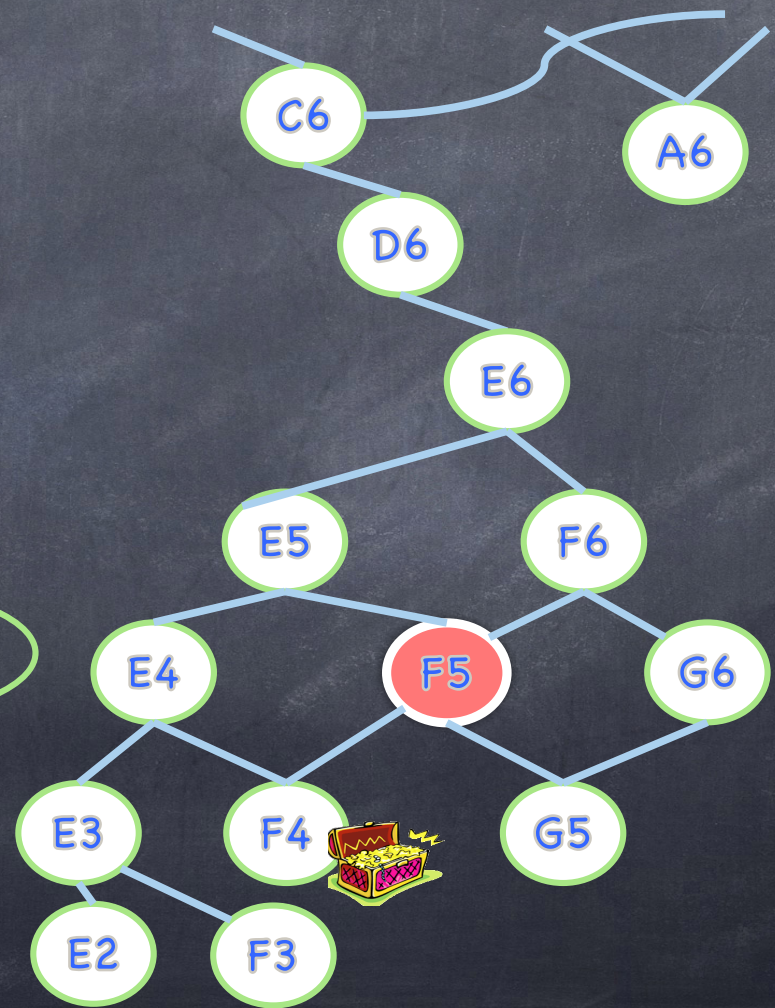
# Le fonctionnement #fin4

	1	2	3	4	5	6
A	X	X	X	X	X	X
B	X		X	X	X	X
C	X	X	X	X	X	X
D						X
E						X
F				X	X	X
G						X

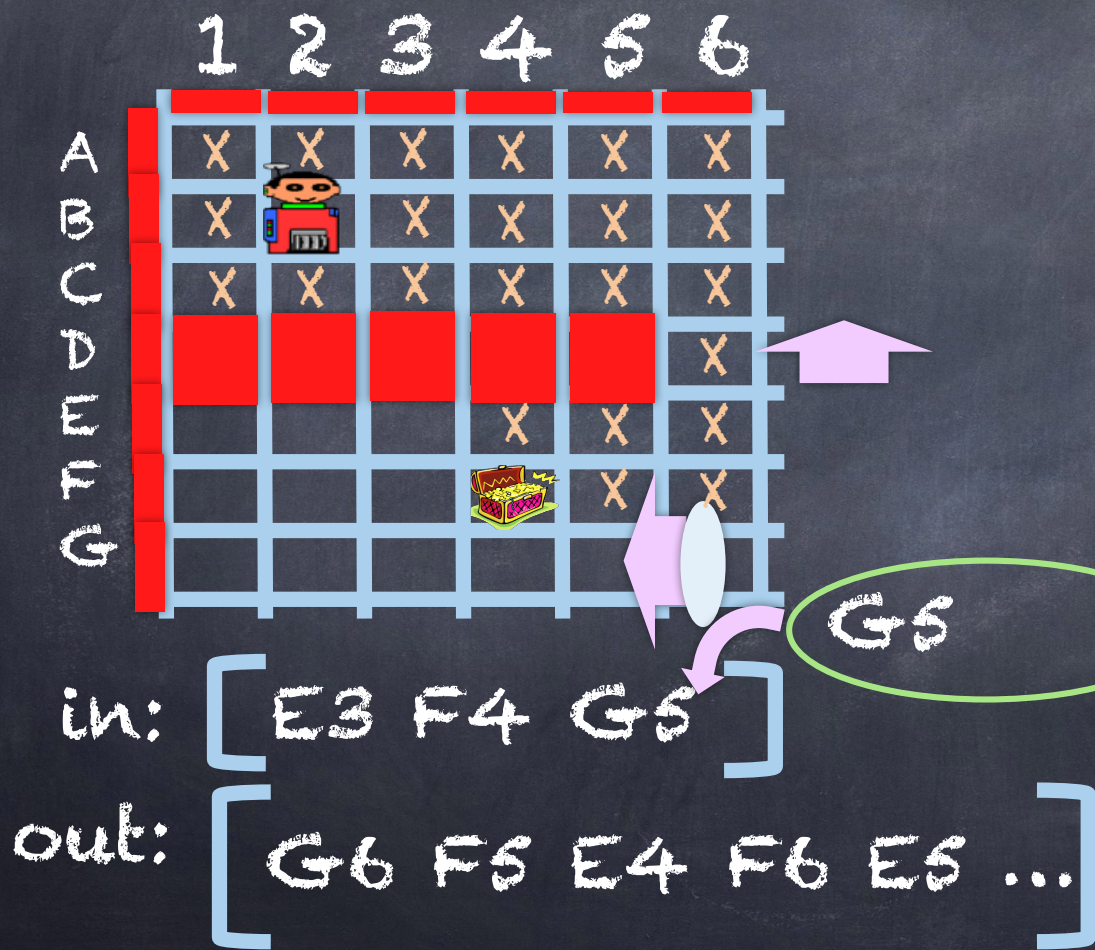
F4 G5

in: [ G6 E3 F4 ]

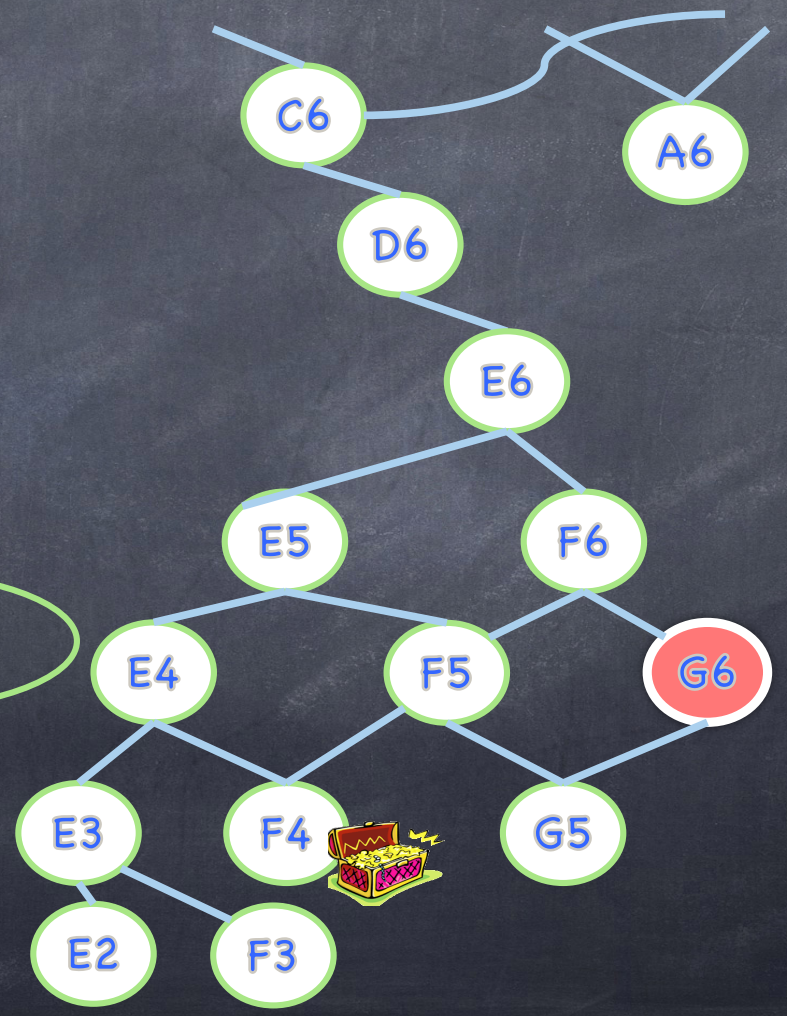
out: [ F5 E4 F6 E5 E6 ... ]





# Le fonctionnement #fins



G5



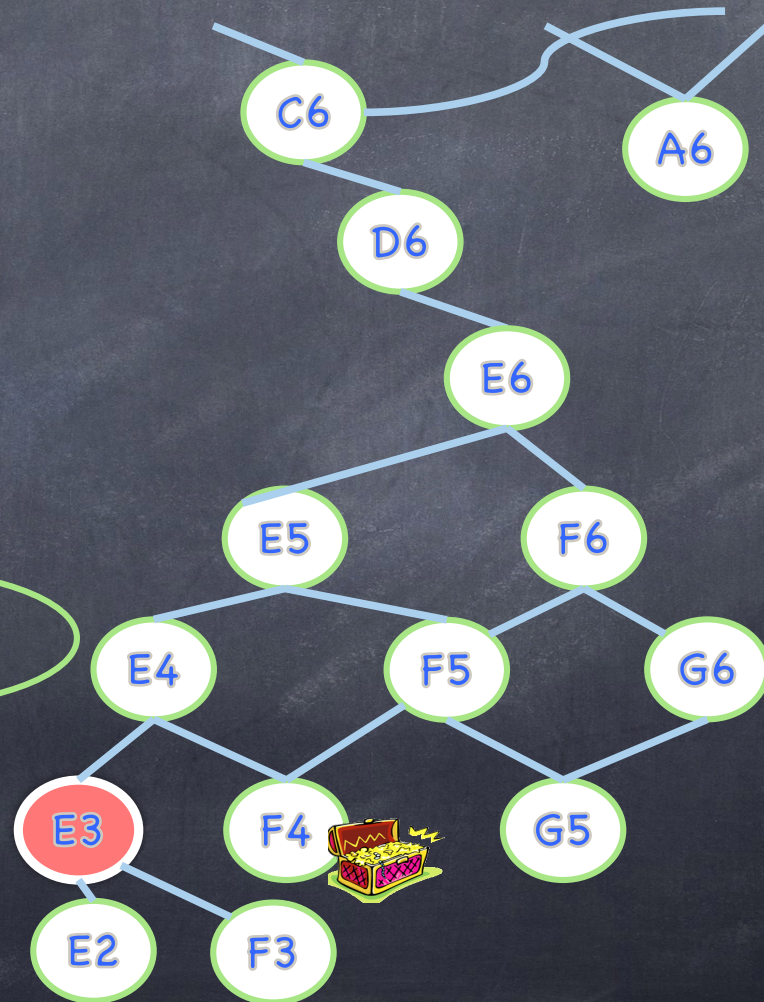
# Le fonctionnement #fin6

	1	2	3	4	5	6
A	X	X	X	X	X	X
B	X		X	X	X	X
C	X	X	X	X	X	X
D						X
E						X
F						X
G					X	X



E2 F3

in: [ F4 G5 ]

out: [ E3 G6 F5 E4 F6 ... ]



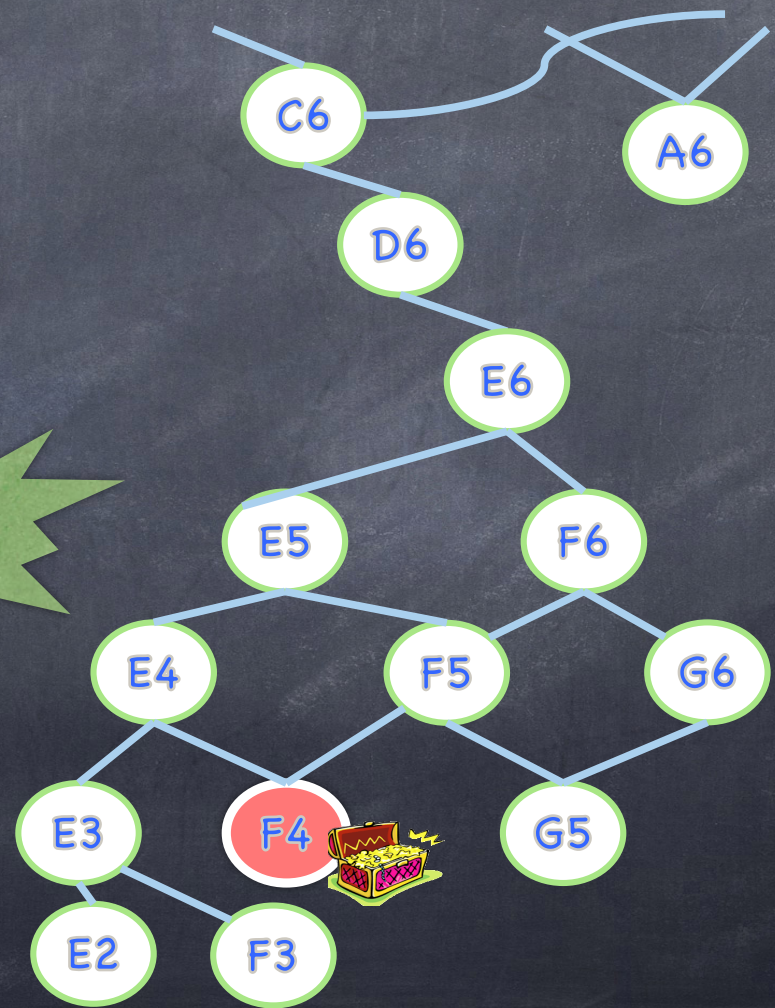
# Le fonctionnement #fin6

	1	2	3	4	5	6
A	X	X	X	X	X	X
B	X		X	X	X	X
C	X	X	X	X	X	X
D						X
E						X
F			X	X	X	X
G					X	X

Trouvé

in: [ G5 E2 F3 ]

out: [ F4 E3 G6 F5 E4 .. ]



# Le moteur de recherche générique

```
to search
  current <- init-curent()
  tanta que pas trouvé {
    si current = goal alors succès ;; et récupérer le chemin
    in-nodes <- merge-nodes (generate (current), in-nodes )
    si in-nodes est vide, alors échec ;; pas trouvé le chemin
    tmp <- first in-nodes ;; et le supprime de in-nodes
    si tmp est dans out-nodes, continuer ;; pour ne pas boucler
    current <- tmp
    out-nodes <- add(out-nodes, current) ;; pour ne pas boucler
  }
```

Ce qui fait la différence:

- La structure des nœuds et les fonctions d'évaluation
- La gestion du nœud parent
- Le tri des nœuds dans merge-node

# La structure d'un noeud

Un noeud comporte plusieurs informations:

- $p$  : Le contenu, qui est le lieu même. Dans une carte routière, cela sera la ville. Dans notre cas, c'est la case (le patch)
- $h$  : La valeur de ce noeud pour l'heuristique  $h(n)$  de choix de chemin à trouver à la « descente » (ou « l'aller » quand on va vers le but).
- $c$  : Le coût ou valeur de ce noeud comme « meilleur » noeud pour reconstituer le chemin à la « remontée » (ou au « retour » après avoir trouvé le but). Fonction  $f(n)$
- $p$  : Le noeud parent

Note: pour Best-first et Dijkstra, les valeurs  $h$  et  $f$  sont confondues. Ce n'est que pour A\* que l'on fait la différence

make-node ( $p, h, c, \text{parent}$ )



# Le nœud parent

- Le nœud parent est initialement le nœud qui a généré le nœud,
- Correspond au lieu précédent par lequel on est passé pour arriver à cet endroit
- Vrai pour Best-First
- Mais pour Dijkstra et A\* on reconstruit le nœud parent pour reprendre, au retour,

# Gestion du nœud parent (merge-nodes)

- Principe: pour tout  $n$  des nœuds générés par le nœud courant,
- S'il existe  $x$  un nœud de in-node de même nom (même case), tel que  
Le cout de  $n <$  cout de  $x$  alors  
 $val(x) \leftarrow val(n)$ ,  
 $cout(x) \leftarrow val(n)$ ,  
 $parent(x) \leftarrow parent(n)$   
s'il n'existe pas de nœud de in-node avec le même nom (même case), alors on ajoute  $n$  à in-nodes.

# Movement dans les jeux : waypoints

- Waypoint

- Position sur une carte qui est utilisée pour la navigation
- Généralement placée par un concepteur de jeu

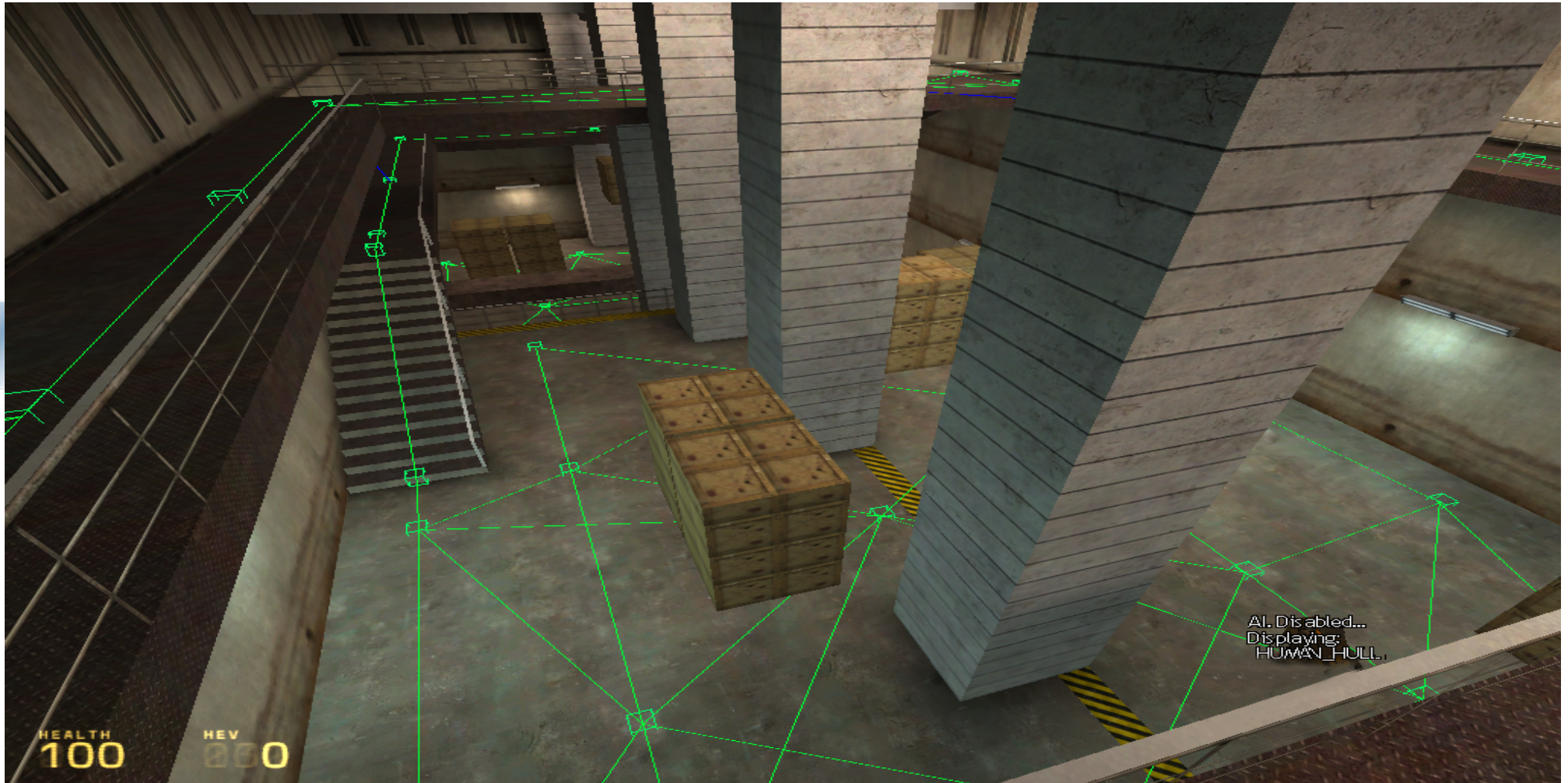
- Link

- Connection entre deux waypoints
- Souvent annoté avec le type de navigation (sauter, nager, grimper)
- Pour un personnage donné, 2 waypoints sont reliés si:
  - Le personnage a suffisamment de place pour aller d'un noeud à l'autre sans entrer dans le décors
  - Le personnage possède les capacité de navigation requises pour passer d'un point à l'autre.

- Graphe de waypoints

- Structure de donnée comprenant tous les waypoints ainsi que les liens.
- Généré manuellement par un concepteur au créé par programme et annoté par un concepteur.

# Movement: Node Graph



# Conclusion

- Ces trois algorithmes utilisent le même moteur d'exploration
- Ne diffèrent que par quelques points
- Utiliser Dijkstra quand la qualité du résultat est important
  - Très utilisé pour le calcul d'itinéraire dans Mappy ou Google Map
- Utiliser A\* quand on a besoin d'avoir un bon résultat rapidement
  - Très utilisé en robotique ou dans les jeux vidéos