

DUT MMI – IUT de Marne-la-Vallée  
02/10/2013  
M1202 - Algorithmique

***Cours 2***  
***Variables et affectations,  
type et codage***

# Sources

---

- *Le livre de Java premier langage*, d'A. Tasso
- Cours INF120 de J.-G. Luque
- Cours FLIN102 de l'Université Montpellier 2
- Cours de J. Henriet : <http://julienhenriet.olymp-network.com/Algo.html>
- <http://xkcd.com>, <http://xkcd.free.fr>

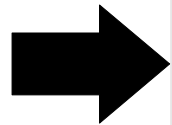
# Plan du cours 2 – Variables et affectations, type et codage

- Résumé des épisodes précédents
- Premier algorithme
- Le pseudo-code
- De l'organigramme au code Java
- Codage des données
- Codage binaire des entiers
- Codage des flottants
- Autres codages
- Codage hexadécimal
- Booléens et opérations de base

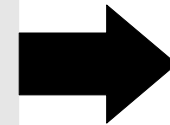
# Résumé des épisodes précédents

**Algorithme** : suite d'instructions pour résoudre un problème

Données du problème  
entrées de l'algorithme



Algorithme :  
Instruction 1  
Instruction 2  
Instruction 3  
...



Résultat  
sorties de l'algorithme

Un algorithme utilise plusieurs types d'**instructions** :

- des **affectations** dans des **variables** (mémoires)
- des **appels** à d'autres **algorithmes**
- des “**lectures**” d'**entrées** et “**renvois**” de **sorties**
- des **boucles**
- des **tests**

On peut décrire un algorithme :

- en français
- en pseudo-code
- par un organigramme
- dans un langage de programmation

Pour tester un algorithme : on fait la **trace**.

# Noms des variables

Dans un **algorithme**, choisir pour les variables :

- un nom composé de **lettres** et éventuellement de **chiffres**
- un nom **expressif**, par exemple :
  - *chaine, requête1...* pour une chaîne de caractères
  - *n, a, b, compteur, nbOperations, longueur...* pour un entier
  - *x, y, température* pour un réel
  - *estEntier, testEntier, trouvé...* pour un booléen
- un nom **assez court** (il faut l'écrire !)
- éviter les **noms réservés** : *pour, tant que, si...*

Dans un **programme** :

- **éviter** les lettres accentuées et la ponctuation
- préférer l'**anglais** si votre code source est diffusé largement
- être **expressif** et **lisible** :
  - *est\_entier* ou *estEntier* plutôt que *estentier*

Votre code sera relu, par vous ou par d'autres...

# Mon premier vrai algorithme

Je connais l'algorithme d'**addition** de deux entiers positifs.  
Comment écrire un algorithme de **multiplication** de deux entiers ?

*Intuition :*

$$5 \times 3 = \underbrace{5 + 5 + 5}_{3 \text{ fois}}$$

$$\textit{entier1} \times \textit{entier2} = \underbrace{\textit{entier1} + \textit{entier1} + \textit{entier1} + \dots + \textit{entier1}}_{\textit{entier2} \text{ fois}}$$

# Mon premier vrai algorithme

Je connais l'algorithme d'**addition** de deux entiers positifs.  
Comment écrire un algorithme de **multiplication** de deux entiers ?

**Multiplication :**

**Entrées** : deux entiers *entier1* et *entier2*

**Sortie** : le **produit** de *entier1* et *entier2*

**Variables** :

Début



Fin

**pseudo-code**

# Mon premier vrai algorithme

Je connais l'algorithme d'**addition** de deux entiers positifs.

Comment écrire un algorithme de **multiplication** de deux entiers ?

## Multiplication :

**Entrées** : deux entiers *entier1* et *entier2*

**Sortie** : le **produit** de *entier1* et *entier2*

**Variables** : entiers *compteur* et *produit*

Début

*compteur*  $\leftarrow$  0

*produit*  $\leftarrow$  *entier1*

*compteur*  $\leftarrow$  1

Tant que *compteur*  $\leq$  *entier2* faire :

| *produit*  $\leftarrow$  addition(*produit*, *entier1*)

Fin tant que

renvoyer *produit*

Fin



# Mon premier vrai algorithme

Je connais l'algorithme d'**addition** de deux entiers positifs.

Comment écrire un algorithme de **multiplication** de deux entiers ?

## Multiplication :

**Entrées** : deux entiers *entier1* et *entier2*

**Sortie** : le **produit** de *entier1* et *entier2*

**Variables** : entiers *compteur* et *produit*

Début

*compteur*  $\leftarrow$  0

*produit*  $\leftarrow$  *entier1*

*compteur*  $\leftarrow$  1

Tant que *compteur*  $\leq$  *entier2* faire :

| *produit*  $\leftarrow$  addition(*produit*, *entier1*)

Fin tant que

renvoyer *produit*

Fin

## Terminaison ?

La condition de sortie de boucle n'est jamais vérifiée car *compteur* ne varie pas.

L'algorithme **ne termine pas**.

# Mon premier vrai algorithme

Je connais l'algorithme d'**addition** de deux entiers positifs.

Comment écrire un algorithme de **multiplication** de deux entiers ?

## Multiplication :

**Entrées** : deux entiers *entier1* et *entier2*

**Sortie** : le **produit** de *entier1* et *entier2*

**Variables** : entiers *compteur* et *produit*

Début

*compteur*  $\leftarrow$  0

*produit*  $\leftarrow$  *entier1*

*compteur*  $\leftarrow$  1

Tant que *compteur*  $\leq$  *entier2* faire :

*produit*  $\leftarrow$  addition(*produit*, *entier1*)

*compteur*  $\leftarrow$  addition(*compteur*, 1)

Fin tant que

renvoyer *produit*

Fin

# Mon premier vrai algorithme

Je connais l'algorithme d'**addition** de deux entiers positifs.

Comment écrire un algorithme de **multiplication** de deux entiers ?

## Multiplication :

**Entrées** : deux entiers *entier1* et *entier2*

**Sortie** : le **produit** de *entier1* et *entier2*

**Variables** : entiers *compteur* et *produit*

Début

*compteur*  $\leftarrow$  0

*produit*  $\leftarrow$  *entier1*

*compteur*  $\leftarrow$  1

Tant que *compteur*  $\leq$  *entier2* faire :

*produit*  $\leftarrow$  addition(*produit*, *entier1*)

*compteur*  $\leftarrow$  addition(*compteur*, 1)

Fin tant que

renvoyer *produit*

Fin

## Terminaison ?

Oui car *compteur* augmente progressivement jusqu'à arriver à *entier2*.

Plus formellement, l'ensemble des valeurs successives de (*entier2* - *compteur*) (à la fin de chaque boucle) est une suite d'entiers positifs strictement décroissante.

L'algorithme termine.

# Mon premier vrai algorithme

Je connais l'algorithme d'**addition** de deux entiers positifs.

Comment écrire un algorithme de **multiplication** de deux entiers ?

## Multiplication :

**Entrées** : deux entiers *entier1* et *entier2*

**Sortie** : le **produit** de *entier1* et *entier2*

**Variables** : entiers *compteur* et *produit*

Début

*compteur* ← 0

*produit* ← *entier1*

*compteur* ← 1

Tant que *compteur* ≤ *entier2* faire :

*produit* ← addition(*produit*, *entier1*)

*compteur* ← addition(*compteur*, 1)

Fin tant que

renvoyer *produit*

Fin

## Correction ?

Essayons avec l'exemple :

*entier1* = 5 et *entier2* = 3

Tableau des valeurs des variables avant le début de la *i*-ième boucle

Tant que :

<i>i</i>	1	2	3	4
<i>compteur</i>	1	2	3	4
<i>résultat</i>	5	10	15	20
<i>entier1</i>	5	5	5	5
<i>entier2</i>	3	3	3	3

La boucle n'est exécutée que 3 fois mais on renvoie 20 :

l'algorithme **n'est pas correct** !

# Mon premier vrai algorithme

Je connais l'algorithme d'**addition** de deux entiers positifs.

Comment écrire un algorithme de **multiplication** de deux entiers ?

## Multiplication :

**Entrées** : deux entiers *entier1* et *entier2*

**Sortie** : le **produit** de *entier1* et *entier2*

**Variables** : entiers *compteur* et *produit*

Début

*compteur* ← 0

*produit* ← *entier1*

*compteur* ← 1

Tant que *compteur* < *entier2* faire :

*produit* ← addition(*produit*, *entier1*)

*compteur* ← addition(*compteur*, 1)

Fin tant que

renvoyer *produit*

Fin

## Correction ?

Essayons avec l'exemple :

*entier1* = 5 et *entier2* = 3

Tableau des valeurs des variables avant le début de la *i*-ième boucle

Tant que :

<i>i</i>	1	2	3	4
<i>compteur</i>	1	2	3	-
<i>résultat</i>	5	10	15	-
<i>entier1</i>	5	5	5	-
<i>entier2</i>	3	3	3	-

La boucle n'est exécutée que 2 fois et on renvoie 15 : l'algorithme semble **correct...**

... mais ne l'est pas pour *entier2*=0

# Mon premier vrai algorithme

Je connais l'algorithme d'**addition** de deux entiers positifs.

Comment écrire un algorithme de **multiplication** de deux entiers ?

## Multiplication :

**Entrées** : deux entiers *entier1* et *entier2*

**Sortie** : le **produit** de *entier1* et *entier2*

**Variables** : entiers *compteur* et *produit*

Début

| *compteur* ← 0

| *produit* ← 0

| Tant que *compteur* < *entier2* faire :

| | *produit* ← addition(*produit*, *entier1*)

| | *compteur* ← addition(*compteur*, 1)

| Fin tant que

| renvoyer *produit*

Fin

# Mon premier vrai algorithme

Je connais l'algorithme d'**addition** de deux entiers positifs.

Comment écrire un algorithme de **multiplication** de deux entiers ?

## Multiplication :

**Entrées** : deux entiers *entier1* et *entier2*

**Sortie** : le **produit** de *entier1* et *entier2*

**Variables** : entiers *compteur* et *produit*

Début

*compteur* ← 0

*produit* ← 0

Tant que *compteur* < *entier2* faire :

*produit* ← addition(*produit*, *entier1*)

*compteur* ← addition(*compteur*, 1)

Fin tant que

renvoyer *produit*

Fin

## Correction ?

*entier1* = 5 et *entier2* = 3

Tableau des valeurs des variables avant le début de la *i*-ième boucle

Tant que :

<i>i</i>	1	2	3	4
<i>compteur</i>	0	1	2	3
<i>produit</i>	0	5	10	15
<i>entier1</i>	5	5	5	5
<i>entier2</i>	3	3	3	3

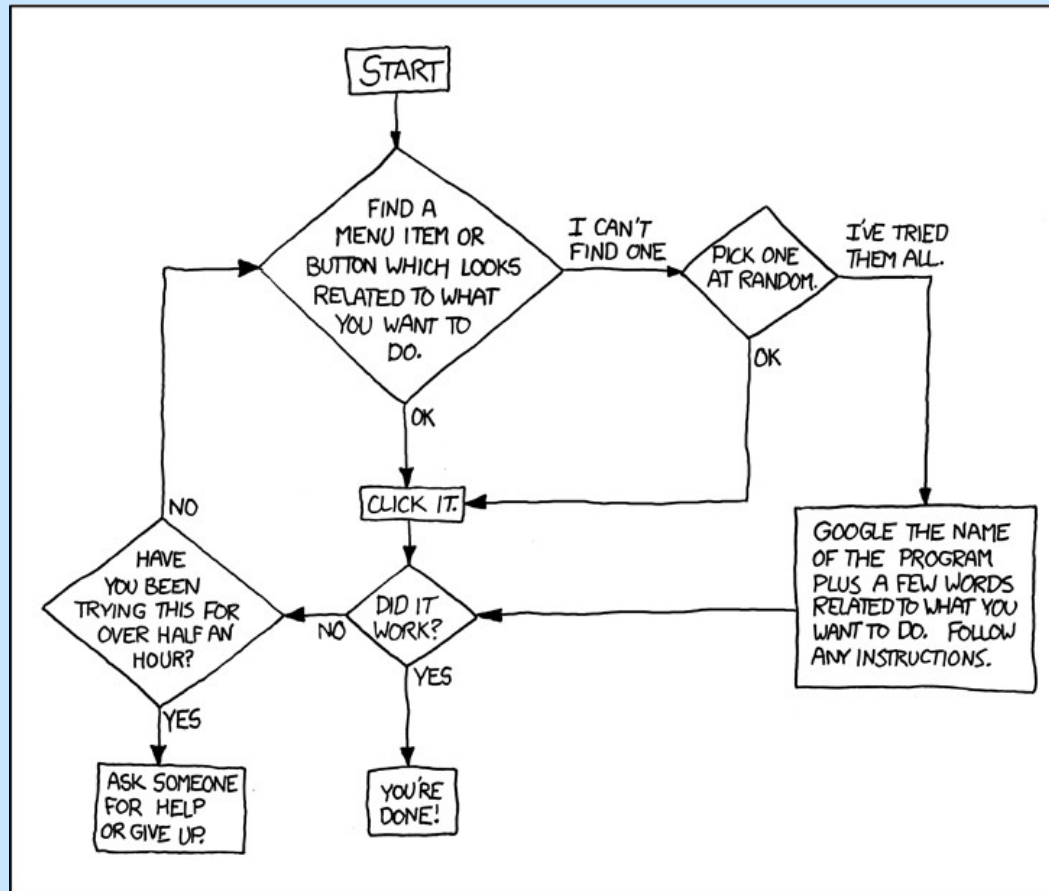
On remarque que *produit* est égal à *compteur* x *entier1* tout au long de l'algorithme.

Or à la fin de l'algorithme *compteur*=*entier2* donc l'algorithme est correct.

# Organigramme de résolution de tout problème logiciel

## La "minute xkcd"

Chers parents, grands parents, collègues, et autres non-informaticiens variés.  
Nous ne savons pas tout faire dans tous les logiciels comme par magie.  
Quand on vous aide, en général on ne fait que ça :



<http://xkcd.com/627>

<http://xkcd.free.fr?id=627>

*Merci d'imprimer cet organigramme et de le scotcher à côté de votre écran. Félicitations, vous êtes maintenant l'expert du coin en informatique !*



# Dictionnaire pseudo-code / Java

	Pseudo-code	Java
Déclaration d'un algorithme	<b>Addition</b> Entrées : entiers $i$ et $j$ Sortie : entier Début ... renvoyer ... Fin	public static int <b>Addition</b> (int $i$ , int $j$ ){ ... return ... }
Déclaration d'une variable	Variables : entier $i$	int $i$ ;
Affectation	$i \leftarrow 1$	$i = 1$ ;
Test	Si $i=1$ alors : ... Sinon : ... FinSi	if ( $i==1$ ){ ... } else { ... }
Boucle	Tant que $i<3$ : ... Fin TantQue	while ( $i<3$ ) { ... }

# Retour sur l'intérêt du pseudo-code

## Intérêts du pseudo-code :

- Clair, lisible
- Pédagogique
- Indépendant du langage de programmation
- Pour distinguer le fond de la forme

Pseudo-code	Java
<b>Addition</b> Entrées : entiers $i$ et $j$ Sortie : entier Début ... renvoyer ... Fin	public static int Addition(int $i$ , int $j$ ){ ... return ... }
Variables : entier $i$	int $i$ ;
$i \leftarrow 1$	$i = 1$ ;
Si $i=1$ alors ... Sinon ... FinSi	if ( $i==1$ ){ ... } else { ... }
Tant que $i<3$ : ... Fin TantQue	while ( $i<3$ ) { ... }

# Le calcul des puissances de 2

Je connais le calcul de la multiplication par 2 (en Java : \*2).

Comment calculer les puissances de 2 ? 1, 2, 4, 8, 16, 32, ...

**DeuxPuissance(4) =**

***Intuition :***

Tant qu'on n'est pas à la puissance voulue, on ...

→ Au total, pour **DeuxPuissance(*a*)**, on fait ... multiplications par 2.

# Le calcul des puissances de 2

Je connais le calcul de la multiplication par 2 (en Java : \*2).

Comment calculer les puissances de 2 ? 1, 2, 4, 8, 16, 32, ...

$$\mathbf{DeuxPuissance}(4) = \underbrace{2*2*2*2}_{4 \text{ fois}} = 16$$

***Intuition :***

Tant qu'on n'est pas à la puissance voulue, on multiplie par 2.

→ Au total, pour **DeuxPuissance(*a*)**, on fait *a* multiplications par 2.

***En français :***

Je multiplie *a* fois par 2 l'entier 1.

# Le calcul des puissances de 2

*Intuition :*

$$\text{DeuxPuissance}(4) = 2 * 2 * 2 * 2$$

*En français :*

Je multiplie *a* fois par 2 l'entier 1.

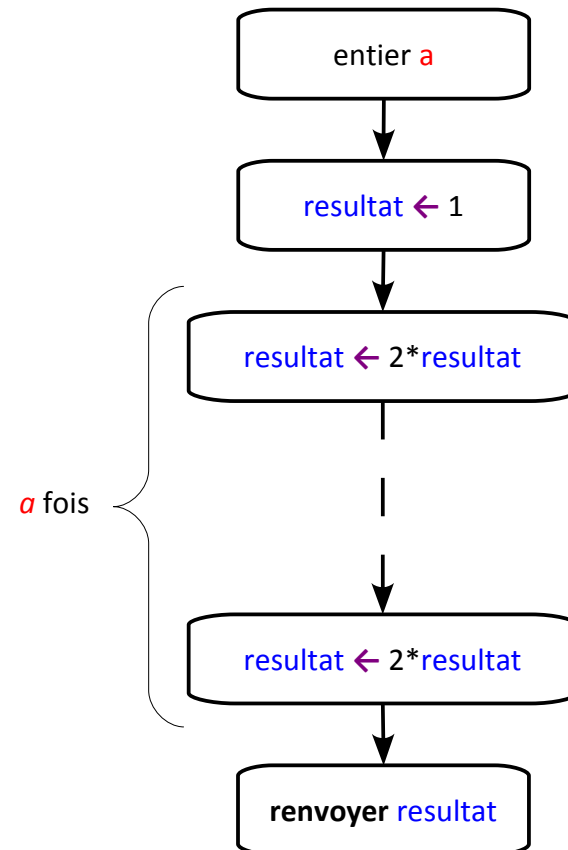
# Le calcul des puissances de 2

*Intuition :*

$$\text{DeuxPuissance}(4) = 2 * 2 * 2 * 2$$

*En français :*

Je multiplie *a* fois par 2 l'entier 1.



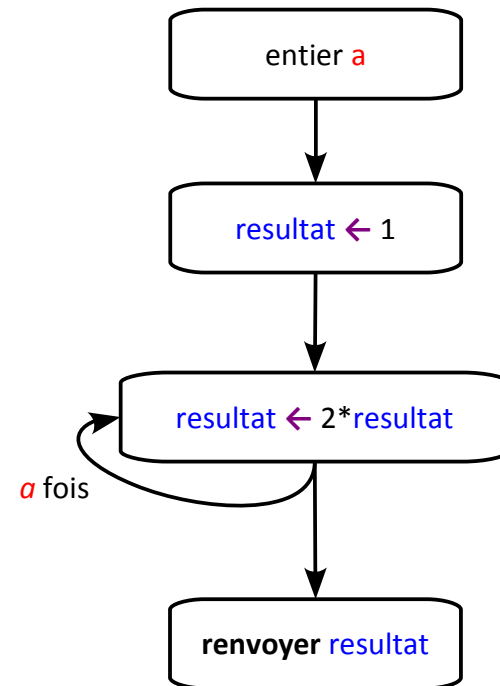
# Le calcul des puissances de 2

*Intuition :*

$$\text{DeuxPuissance}(4) = 2 * 2 * 2 * 2$$

*En français :*

Je multiplie *a* fois par 2 l'entier 1.



# Le calcul des puissances de 2

*Intuition :*

$$\text{DeuxPuissance}(4) = 2 * 2 * 2 * 2$$

*En français :*

Je multiplie *a* fois par 2 l'entier 1.



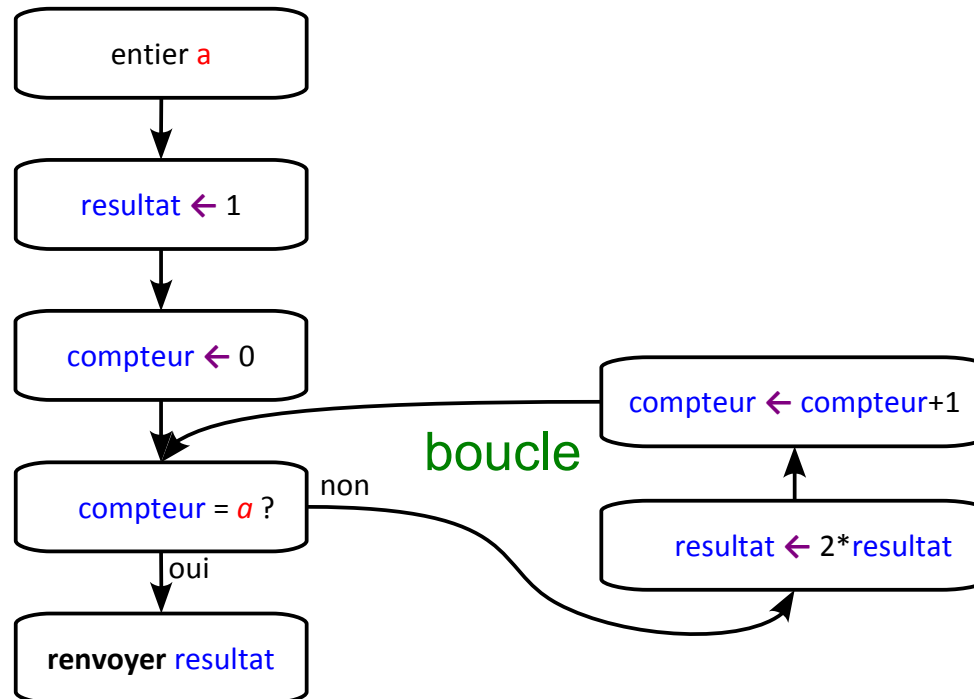
# Le calcul des puissances de 2

*Intuition :*

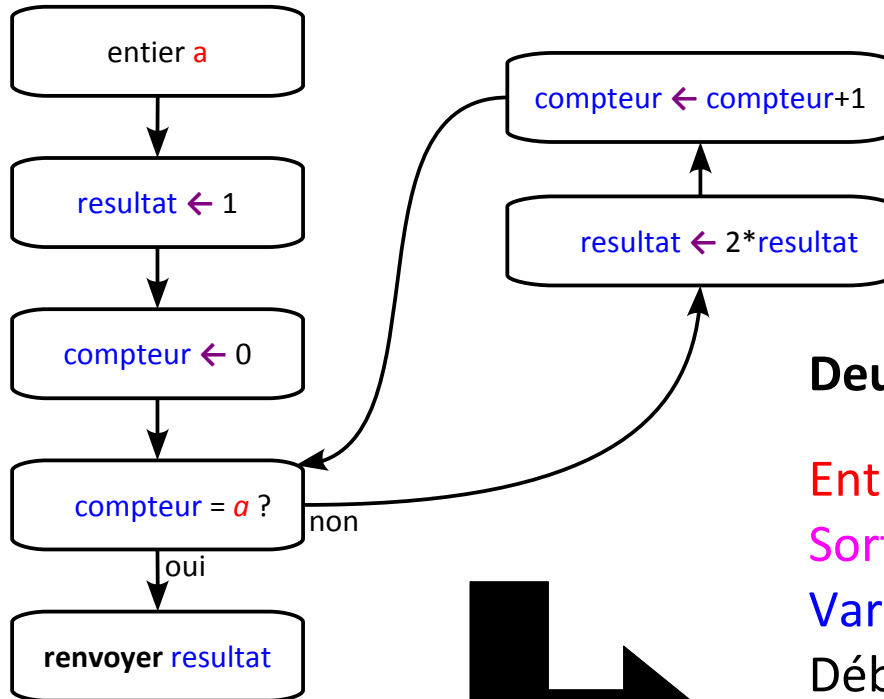
$$\text{DeuxPuissance}(4) = 2 * 2 * 2 * 2$$

*En français :*

Je multiplie *a* fois par 2 l'entier 1.



# De l'organigramme au pseudo-code



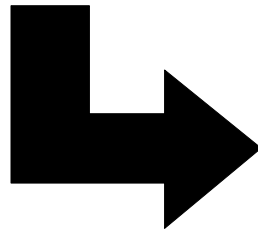
**DeuxPuissance :**

**Entrée :**

**Sortie :**

**Variables :**

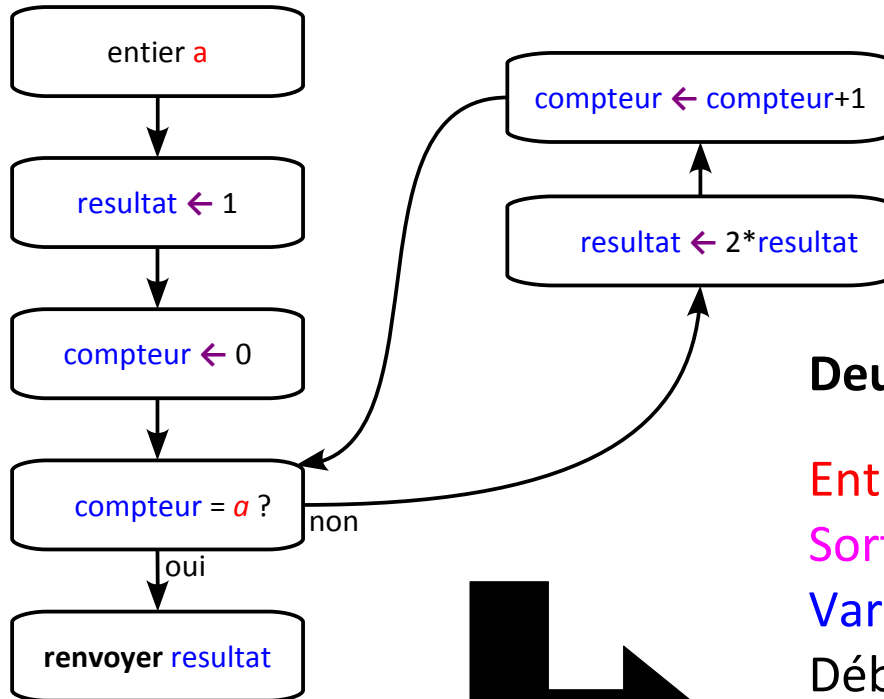
Début



renvoyer

Fin

# De l'organigramme au pseudo-code



**DeuxPuissance :**

**Entrée :** un entier *a*

**Sortie :** un entier

**Variables :** entiers *compteur* et *resultat*

Début

*compteur* ← 0

*resultat* ← 1

Tant que *compteur* < *a* faire :

*resultat* ← 2\**resultat*

*compteur* ← *compteur* +1

Fin tant que

*renvoyer resultat*

Fin

# Du pseudo-code au code Java

DeuxPuissance :

Entrée : un entier  $a$

Sortie : un entier

Variables : entiers *compteur* et *resultat*

Début

*compteur*  $\leftarrow$  0

*resultat*  $\leftarrow$  1

Tant que *compteur*  $<$   $a$  faire :

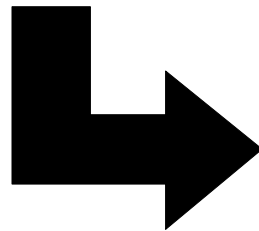
*resultat*  $\leftarrow$  2\**resultat*

*compteur*  $\leftarrow$  *compteur* +1

Fin tant que

renvoyer *resultat*

Fin



```
public static int  
DeuxPuissance (      ) {
```

```
    return      ;
```

```
}
```

# Du pseudo-code au code Java

DeuxPuissance :

Entrée : un entier *a*

Sortie : un entier

Variables : entiers *compteur* et *resultat*

Début

*compteur* ← 0

*resultat* ← 1

Tant que *compteur* < *a* faire :

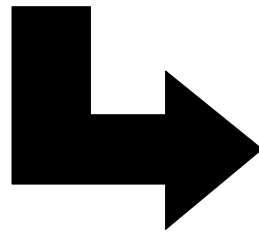
*resultat* ← 2\**resultat*

*compteur* ← *compteur* +1

Fin tant que

renvoyer *resultat*

Fin



```
public static int
DeuxPuissance(int a) {

    int compteur=0;
    int resultat=1;
    while (compteur<a) {
        resultat=2*resultat;
        compteur=compteur+1;
    }
    return resultat;
}
```

# Du pseudo-code au code Java

**DeuxPuissance :**

**Entrée :** un entier *a*

**Sortie :** un entier

**Variables :** entiers *compteur* et *resultat*

Début

*compteur* ← 0

*resultat* ← 1

Tant que *compteur* < *a* faire :

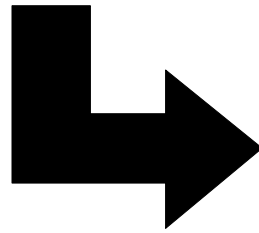
*resultat* ← 2\**resultat*

*compteur* ← *compteur* +1

Fin tant que

renvoyer *resultat*

Fin



```
public static int  
DeuxPuissance(int a) {
```

```
    int compteur=0;
```

```
    int resultat=1;
```

```
    while (compteur<a) {
```

```
        resultat=2*resultat;
```

```
        compteur=compteur+1;
```

```
    }
```

```
    return resultat;
```

```
}
```

Trace de **DeuxPuissance(4)** :

Valeurs des variables *compteur* et *resultat*  
après le *i*-ième passage dans la boucle *while* :

<i>i</i>	<i>compteur</i>	<i>resultat</i>
0	0	1
1	1	2
2	2	4
3	3	8
4	4	16

# Le codage

## *La “minute votes SMS”*

Programme Java :

```
import java.io.*;

public class Boucle{

    public static void main(String [] arg){

        int i=1;

        while(i>0){

            i=i*2;

        }

        System.out.print("J'ai fini !");

    }

}
```

**Est-ce que ce programme affiche “J'ai fini !” ?**

# Le codage

## La “minute votes SMS”

Programme Java :

```
import java.io.*;

public class Boucle{

    public static void main(String [] arg){

        int i=1;

        while(i>0){

            i=i*2;

        }

        System.out.print("J'ai fini !");

    }

}
```

Algorithme en pseudo-code :

**Boucle :**

**Variable :** entier  $i$

Début

$i \leftarrow 1$

Tant que  $i > 0$  faire :

$i \leftarrow 2 \times i$

Fin tant que

**afficher**("J'ai fini!")

Fin

**Est-ce que ce programme affiche “J'ai fini !” ?**



# Le codage

## La “minute votes SMS”

Programme Java :

```
import java.io.*;

public class Boucle{

    public static void main(String [] arg){

        int i=1;

        while(i>0){

            i=i*2;

        }

        System.out.print("J'ai fini !");

    }

}
```

**Est-ce que ce programme affiche “J'ai fini !” ?**

**Algorithme en pseudo-code :**

**Boucle :**

**Variable :** entier  $i$

Début

$i \leftarrow 1$

**Tant que**  $i > 0$  **faire :**

$i \leftarrow 2 \times i$

**Fin tant que**

**afficher**("J'ai fini!")

Fin

**Est-ce que cet algorithme se termine ?**

# Le codage

## La “minute votes SMS”

Programme Java :

```
import java.io.*;

public class Boucle{

    public static void main(String [] arg){

        int i=1;

        while(i>0){

            i=i*2;

        }

        System.out.print("J'ai fini !");

    }

}
```

**Est-ce que ce programme affiche “J'ai fini !” ?**

**Algorithme en pseudo-code :**

**Boucle :**

**Variable :** entier  $i$

Début

$i \leftarrow 1$

**Tant que**  $i > 0$  **faire :**

$i \leftarrow 2 \times i$

**Fin tant que**

**afficher**(“J'ai fini!”)

Fin

**Est-ce que cet algorithme se termine ?**

**OUI** si  $i$  est **VRAIMENT** un entier

# Le codage

## La "minute votes SMS"

Programme Java :

```
import java.io.*;

public class Boucle{

    public static void main(String [] arg){

        int i=1;

        while(i>0){

            i=i*2;

        }

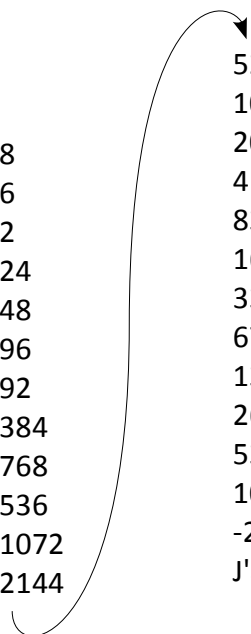
        System.out.print("J'ai fini !");

    }

}
```

Résultat du programme :

2	
4	
8	
16	
32	524288
64	1048576
128	2097152
256	4194304
512	8388608
1024	16777216
2048	33554432
4096	67108864
8192	134217728
16384	268435456
32768	536870912
65536	1073741824
131072	-2147483648
262144	J'ai fini!!



Est-ce que ce programme affiche "J'ai fini !" ? **OUI !**

# Le codage

## La “minute votes SMS”

Programme Java :

```
import java.io.*;

public class Boucle{

    public static void main(String [] arg){

        int i=1;

        while(i>0){

            i=i*2;

        }

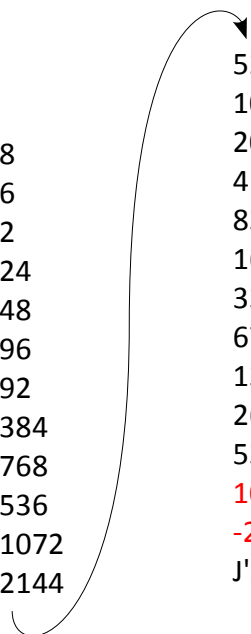
        System.out.print("J'ai fini !");

    }

}
```

Résultat du programme :

```
2
4
8
16
32
64
128
256
512
1024
2048
4096
8192
16384
32768
65536
131072
262144
524288
1048576
2097152
4194304
8388608
16777216
33554432
67108864
134217728
268435456
536870912
1073741824
-2147483648
J'ai fini!!
```



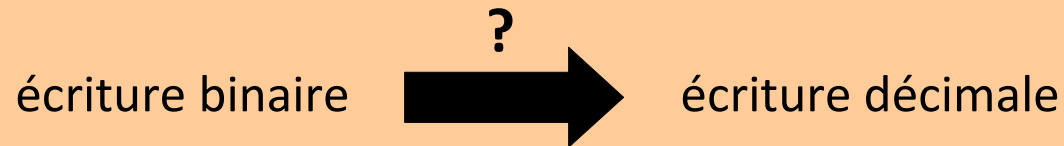
Les entiers “int” Java ne sont **pas de “vrais entiers”** mais des entiers **entre -2 147 483 648 et 2 147 483 647**

# Le codage des entiers en binaire

## *La "minute mathématique"*

Pour le stockage comme pour le traitement d'instructions, il est nécessaire que toutes les données traitées par un ordinateur soient codées en **binaire**, par des **0** et des **1**.

Exemple de nombre entier en binaire : 1101100001101



# Le codage des entiers en binaire

## *La "minute mathématique"*

Pour le stockage comme pour le traitement d'instructions, il est nécessaire que toutes les données traitées par un ordinateur soient codées en **binaire**, par des **0** et des **1**.

Exemple de nombre entier en binaire : 1101100001101

0	0	0	1	1	0	1	1	0	0	0	0	1	1	0	1
$2^{15}$	$2^{14}$	$2^{13}$	$2^{12}$	$2^{11}$	$2^{10}$	$2^9$	$2^8$	$2^7$	$2^6$	$2^5$	$2^4$	$2^3$	$2^2$	$2^1$	$2^0$

$$2^{12} + 2^{11} + 2^9 + 2^8 + 2^3 + 2^2 + 2^0 = 4096 + 2048 + 512 + 256 + 8 + 4 + 1 = 6925$$

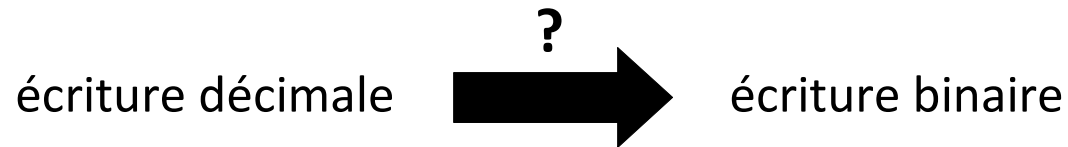
écriture binaire



écriture décimale

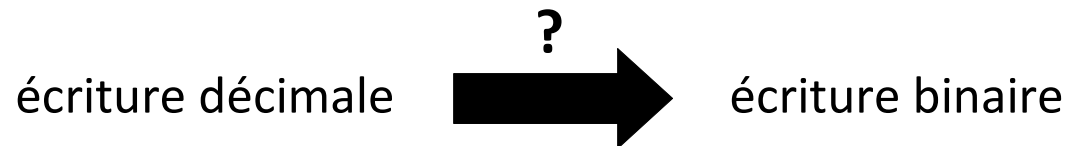
# Le codage des entiers en binaire

Pour le stockage comme pour le traitement d'instructions, il est nécessaire que toutes les données traitées par un ordinateur soient codées en **binaire**, par des **0** et des **1**.



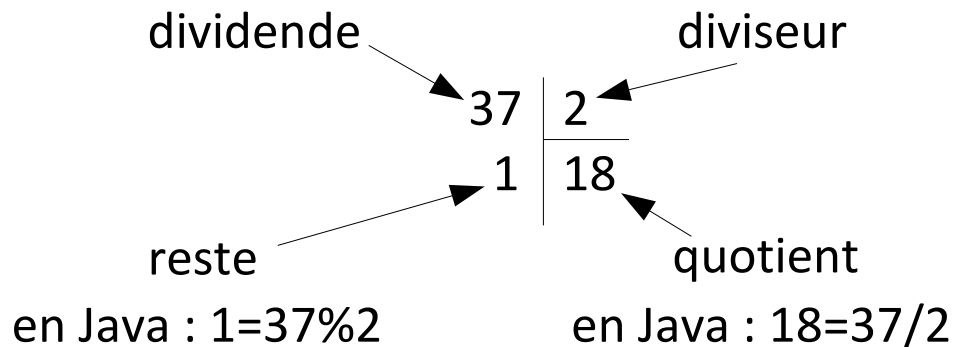
# Le codage des entiers en binaire

Pour le stockage comme pour le traitement d'instructions, il est nécessaire que toutes les données traitées par un ordinateur soient codées en **binaire**, par des **0** et des **1**.



*Exemple : écrire 37 en binaire ?*

**Division euclidienne :**




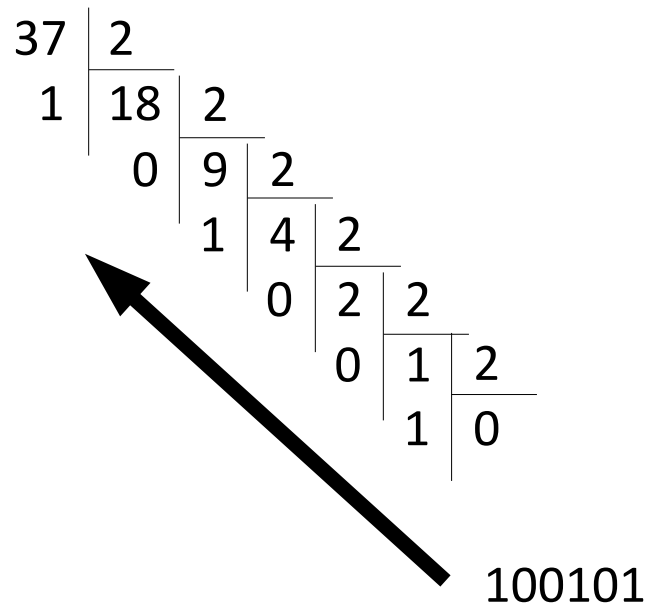




# Le codage des entiers en binaire

Pour le stockage comme pour le traitement d'instructions, il est nécessaire que toutes les données traitées par un ordinateur soient codées en **binaire**, par des **0** et des **1**.

écriture décimale  écriture binaire



# Le calcul rapide en binaire

---

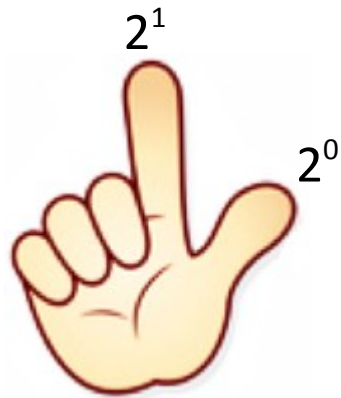
Pour faire son geek :

- compter sur ses doigts en binaire, jusqu'à  $2^{10}$

# Le calcul rapide en binaire

Pour faire son geek :

- compter sur ses doigts en binaire, jusqu'à  $2^{10}$



$$2^0 + 2^1 = 3$$

# Le calcul rapide en binaire

Pour faire son geek :

- compter sur ses doigts en binaire, jusqu'à  $2^{10}$

- faire des estimations de nombres données en binaire :  $2^{10} = 1024$  donc  $2^{10} \approx 1000$

➔  $2^{32} \approx ?$

# Le calcul rapide en binaire

Pour faire son geek :

- compter sur ses doigts en binaire, jusqu'à  $2^{10}$

- faire des estimations de nombres donnés en binaire :  $2^{10} = 1024$  donc  $2^{10} \approx 1000$

③  $\longrightarrow 2^{32} \approx ?$

①  $a^{b \times c} = (a^b)^c$

②  $a^{b+c} = a^b \times a^c$

$$\begin{aligned} 2^{32} &= 2^{30+2} && \textcircled{2} \\ &= 2^{30} \times 2^2 \\ &= 2^{10 \times 3} \times 4 \\ &= (2^{10})^3 \times 4 && \textcircled{1} \\ &\approx 1000^3 \times 4 \\ &\approx 4 \text{ milliards} \end{aligned}$$

# Le calcul rapide en binaire

Pour faire son geek :

- compter sur ses doigts en binaire, jusqu'à  $2^{10}$

- faire des estimations de nombres données en binaire :  $2^{10} = 1024$  donc  $2^{10} \approx 1000$

➔  $2^{32} \approx 4$  milliards

$$2^{32} = 4\,294\,967\,296$$

# Le codage binaire

## La "minute xkcd"

De 1 à 10 :

Sur une échelle de 1 à 10,  
quelle est la probabilité  
que cette question utilise  
du binaire ?



<http://xkcd.com/953>  
<http://xkcd.free.fr?id=953>

*Si vous obtenez une note de 11/100 à un examen d'informatique, mais que vous dites qu'il devrait être compté comme un 15/20, alors on décidera probablement que vous le méritez.*



# Le codage des entiers en mémoire

1 bit = 0 ou 1

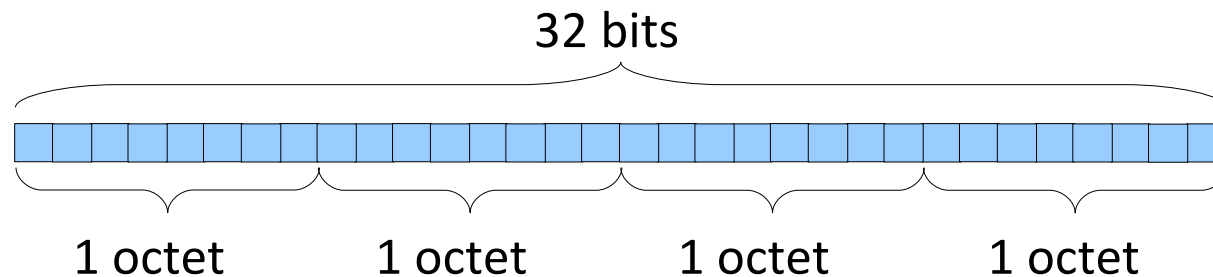
1 octet = 8 bits

1 Ko (kilooctet) = 1024 octets

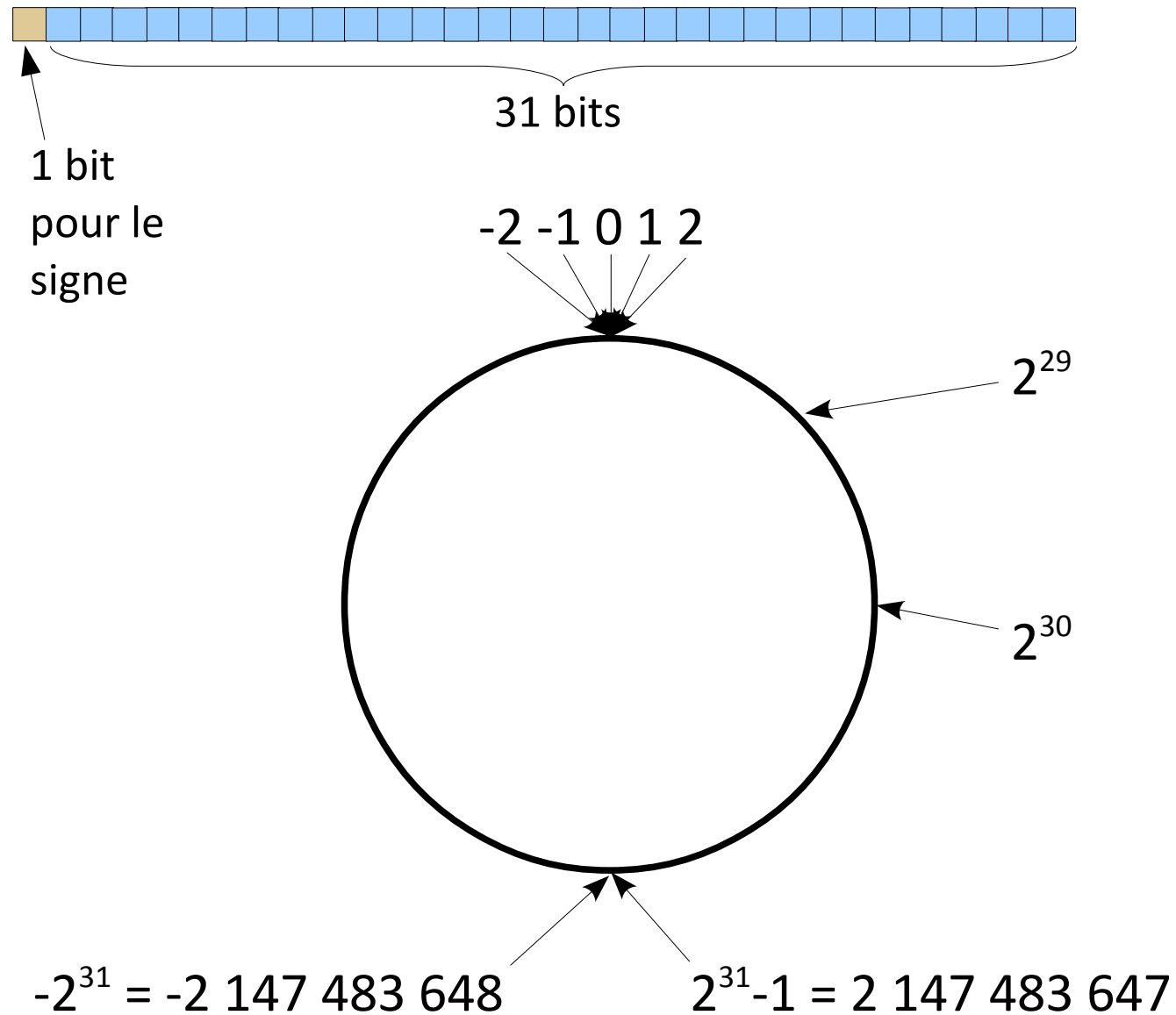
1 Mo (mégaoctet) = 1024 Ko (disquette)

1 Go (gigaoctet) = 1024 Mo (carte mémoire, 2h de vidéo en DivX)

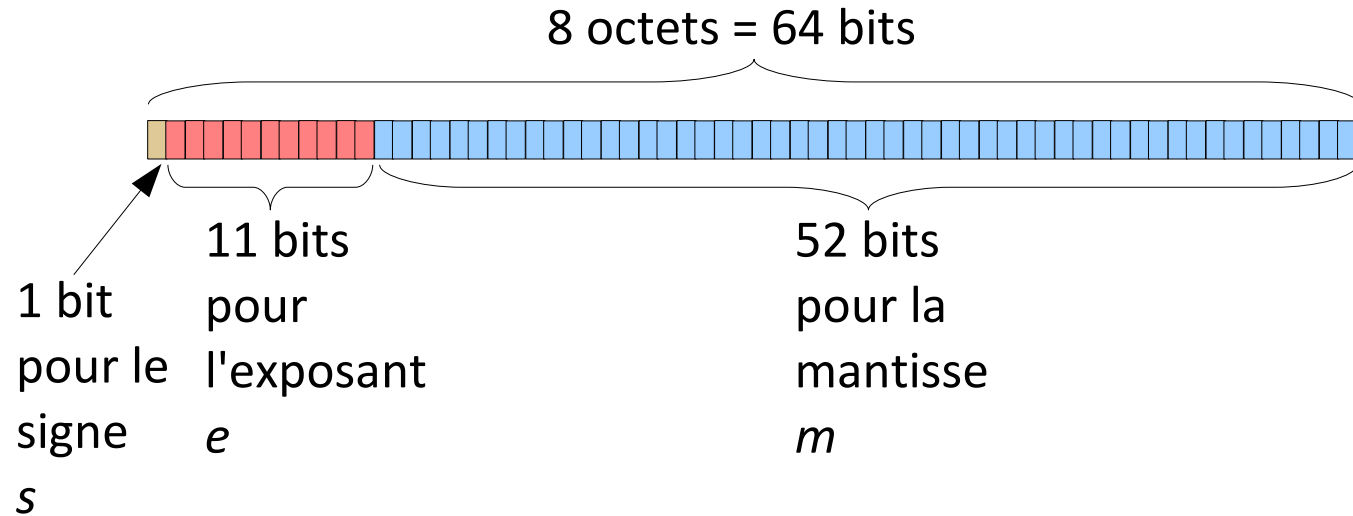
1 To (téraoctet) = 1024 Go (disque dur externe)



# Le codage des entiers Java



# Le codage des flottants double précision



$$x = (-1)^s m 2^{e-1023}$$

# Autres codages

---

- **Chaînes de caractères**

- ASCII : 7 bits, caractères simples codés de 32 à 127
- ANSI : 8 bits, caractères simples codés de 32 à 127, caractères accentués de 128 à 255
- UTF-8 : de 1 à 4 octets

- **Couleurs d'une image**

- RGB : “red, green, blue”, 1 octet pour chacun :
  - valeurs entre 0 et 255
  - codage hexadécimal avec 2 symboles

# Codage hexadécimal

*La "minute culturelle"*

Hexadécimal : en base 16 (ἕξάς : six, decem : dix)

Codé par les chiffres de 0 à 9 et les lettres

A	B	C	D	E	F
↓	↓	↓	↓	↓	↓
10	11	12	13	14	15

- Deux symboles pour un octet :

$16^2$  valeurs possibles = 256

- Utilisé pour coder les couleurs en HTML :

couleur="#RRGGBB"

rouge="#FF0000", vert="#00FF00"

#800080 ?

# Codage hexadécimal

*La "minute culturelle"*

Hexadécimal : en base 16 (ἕξάς : six, decem : dix)

Codé par les chiffres de 0 à 9 et les lettres A B C D E F

	A	B	C	D	E	F
	↓	↓	↓	↓	↓	↓
	10	11	12	13	14	15

- Deux symboles pour un octet :

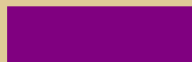
$16^2$  valeurs possibles = 256

- Utilisé pour coder les couleurs en HTML :

couleur="#RRGGBB"

rouge="#FF0000", vert="#00FF00"

#800080 ?



# Les booléens

- Opérations sur les booléens :  
et, ou, non

<b>ET</b>	VRAI	FAUX
VRAI	VRAI	FAUX
FAUX	FAUX	FAUX

<b>OU</b>	VRAI	FAUX
VRAI	VRAI	VRAI
FAUX	VRAI	FAUX

<b>NON</b>	VRAI	FAUX
	FAUX	VRAI

# Les booléens

- Opérations sur les booléens :  
et, ou, non

<b>ET</b>	VRAI	FAUX
VRAI	VRAI	FAUX
FAUX	FAUX	FAUX

<b>OU</b>	VRAI	FAUX
VRAI	VRAI	VRAI
FAUX	VRAI	FAUX

<b>NON</b>	VRAI	FAUX
VRAI	FAUX	VRAI

Opérations sur les booléens codées  
sur les entiers 0 et 1 :

<b>x</b>	1	0
1	1	0
0	0	0

<b>max(1,...+...)</b>	1	0
1	1	1
0	1	0

<b>1-x</b>	1	0
1	0	1



# Les opérations de base en Java

- Type entier *int*

+, -, \*, /, (division entière), % (reste modulo), ^ (puissance)

- Type flottant *float*, ou *double* (plus précis)

+, -, \*, /

- Type booléen *boolean*

false (faux), true (vrai), && (et), || (ou), ! (non)

- Type chaîne de caractères *string*

+ (concaténation : "INF"+"120"="INF120")