

# Rédiger des exercices en L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X

```
\documentclass[14pt,a4paper]{report}
\usepackage[french]{babel} % français
\usepackage[T1]{fontenc} % encodage des caractères français
\usepackage{amsmath} % équations mathématiques entre autres
\usepackage{amssymb} % symboles mathématiques
\usepackage{stmaryrd} % symboles mathématiques
\usepackage[french,boxed,vlined,titlenumbered]{algorithm2e} %rédaction des algorithmes
\usepackage{tabularx} % tableaux
\usepackage[colorlinks=true,urlcolor=blue,backref=true,pagebackref=true,pdfauthor={Philippe Gambette},pdftitle={Correction des TD
d'algorithmique de L2 - Université Montpellier 2, IN 301}]{hyperref} % liens actifs dans le pdf
\usepackage{enumerate} % listes à puces
\usepackage{dvips}[graphicx] % import d'images pdf
```

```
%Paramètres de la page de titre :
\title{\Huge \textbf{Correction des TD d'algorithmique de L2}}
\author{\Large \textbf{Philippe Gambette}}
\date{\Large \today}
```

```
\begin{document}
\maketitle % création de la page de titre
\NoAutoSpaceBeforeFDP % pas d'espace automatique avant
la ponctuation
```

```
%Affichage table des matières et insertion dans la table du PDF
\setcounter{tocdepth}{2}
\addcontentsline{toc}{chapter}{Table des matières}
\tableofcontents
```

```
\chapter{Révisions, preuves d'arrêt}

\section{Séance 1 (10/10/2007)}

\subsection{Algorithme 1}
\begin{algorithm}
\SetLine
\Donnees{$T[1..n]$ tableau d'entiers, $x$ un entier.}
\Res{$PP$ est un des éléments de $T$ les plus proches de $x$, c'est à dire $PP \in T$ et $\forall i \in [1, n], |x - PP| \leq |x - T[i]|$}
\Debut{
  $PP \leftarrow T[1]$;
  \PourTous{$i$ de $2$ à $n$}{
    \Si{$|x - T[i]| < |x - PP|$}{$PP \leftarrow T[i]$;}
  }
}
\caption{PlusProche($d \ T[1..n]$ : tableau d'entiers, $x$ : entier, $r \ PP$ : entier)}
```

```
\subsection{Algorithme de calcul des coefficients binomiaux}

Rappel sur les coefficients binomiaux : voir \url{http://fr.wikipedia.org/wiki/Coefficient_binomial}
```

```
\textbf{Illustration de l'algorithme 9} : on peut voir se qui se passe sur le triangle de Pascal :\
\begin{tabular}{c|cccccc}
~ & $p=0$ & 1 & ~ & 2 & 3 & 4 & 5 \\
\hline
$n=0$ & 1 & ~ & ~ & ~ & ~ & ~ & ~ \\
1 & 1 & ~ & 1 & ~ & ~ & ~ & ~ \\
2 & 1 & ~ & 2 & 1 & ~ & ~ & ~ \\
3 & 1 & ~ & 3 & 3 & 1 & ~ & ~ \\
4 & 1 & ~ & 4 & 6 & 4 & 1 & ~ \\
5 & 1 & ~ & 5 & 10 & 10 & 5 & 1 \\
\end{tabular}
```

## Chapitre 1

### Révisions, preuves d'arrêt

#### 1.1 Séance 1 (10/10/2007)

##### 1.1.1 Algorithme 1

**Données :**  $T[1..n]$  tableau d'entiers,  $x$  un entier.  
**Résultat :**  $PP$  est un des éléments de  $T$  les plus proches de  $x$ , c'est à dire  $PP \in T$  et  $\forall i \in [1, n], |x - PP| \leq |x - T[i]|$ .

```
début
   $PP \leftarrow T[1]$ ;
  pour tous les  $i$  de 2 à  $n$  faire
    si  $|x - T[i]| < |x - PP|$  alors  $PP \leftarrow T[i]$ ;
  fin
fin
```

Algorithme 1 : PlusProche( $d \ T[1..n]$  : tableau d'entiers,  $d \ x$  : entier,  $r \ PP$  : entier)

*\$ encadre les expressions mathématiques*

*légende de l'algorithme, numéroté automatiquement*

#### 1.3.2 Algorithme de calcul des coefficients binomiaux

Rappel sur les coefficients binomiaux : voir [http://fr.wikipedia.org/wiki/Coefficient\\_binomial](http://fr.wikipedia.org/wiki/Coefficient_binomial)

Illustration de l'algorithme 9 : on peut voir se qui se passe sur le triangle de Pascal :

$n \setminus p$	0	1	2	3	4	5
0	1					
1	1	1				
2	1	2	1			
3	1	3	3	1		
4	1	4	6	4	1	
5	1	5	10	10	5	1

Montrons l'invariant  $Z = 2I + 1$ .

Pour cela appelons  $Z_k$  (respectivement  $I_k$ ) la valeur de la variable  $Z$  (respectivement  $I$ ) à la  $k$ -ième boucle **tant que**. Montrons par récurrence sur  $k \in \mathbb{N}$  que  $\forall k \in \mathbb{N}, Z_k = 2I_k + 1$ .

Initialisation : au rang 0,  $Z_0 = 2I_0 + 1 = 0 + 1 = 1 = Z_0$ .

Hérédité : soit  $k \in \mathbb{N}$ ,  
 $Z_{k+1} = Z_k \rightarrow 2I_{k+1} + 1 = Z_{k+1}$  ?

```
\begin{align*}
2I_{k+1} + 1 - Z_{k+1} &= 2(I_k + 1) + 1 - (Z_k + 2) \quad \text{(d'après l'algorithme)} \\
&= 2I_k + 2 + 1 - Z_k - 2 \\
&= 2I_k + 1 - Z_k \\
&= 0 \quad \text{(par l'hypothèse de récurrence)}
\end{align*}
```

Donc la propriété est initialisée et héréditaire, elle est donc vraie pour tout  $k \in \mathbb{N}$ , et l'invariant  $Z = 2I + 1$  est bien démontré.

Montrons l'invariant  $Z = 2I + 1$ .

Pour cela appelons  $Z_k$  (respectivement  $I_k$ ) la valeur de la variable  $Z$  (respectivement  $I$ ) à la  $k$ -ième boucle **tant que**. Montrons par récurrence sur  $k \in \mathbb{N}$  que  $\forall k \in \mathbb{N}, Z_k = 2I_k + 1$ .

Initialisation : au rang 0,  $Z_0 = 2I_0 + 1 = 0 + 1 = 1 = Z_0$ .

Hérédité : soit  $k \in \mathbb{N}$ ,  $Z_k = 2I_k + 1 = Z_k$  ?

```
2I_{k+1} + 1 - Z_{k+1} = 2(I_k + 1) + 1 - (Z_k + 2) \quad \text{(d'après l'algorithme)}
= 2I_k + 2 + 1 - Z_k - 2
= 2I_k + 1 - Z_k
= 0 \quad \text{(par l'hypothèse de récurrence)}
```

Donc la propriété est initialisée et héréditaire, elle est donc vraie pour tout  $k \in \mathbb{N}$ , et l'invariant  $Z = 2I + 1$  est bien démontré.

```
\end{document}
```

Pour installer LaTeX ou découvrir ce langage, détails sur <http://www.lirmm.fr/~gambette/EnsAlgo.php>  
 Vous pouvez aussi l'utiliser à l'UFR : enregistrez votre code LaTeX dans un fichier *NomDeFichier.tex* puis tapez dans le terminal la commande **pdflatex NomDeFichier.tex**, exécutez-la éventuellement plusieurs fois, puis allez voir le résultat dans *NomDeFichier.pdf*.