

# Intelligence artificielle

resp.: Marie-Laure Mugnier

Algorithmes de recherche

Michel Leclère

leclere@lirmm.fr

## IA

- **Résolution de problèmes (algorithmique)**
  - Espaces de recherche
  - Technique de « Backtrack »
  - CSP
  - Algos de jeux
  - Planification
- **Représentation de connaissances (logique)**
  - Bases de connaissances
  - Systèmes à règles
  - Représentation de l'incertain
  - Aide à la décision

## Mais aussi...

- **Agents intelligents**
  - Modélisation/Programmation
  - Perception/Communication
    - » Vision
    - » TALN
  - Robotique
- **Apprentissage**

## Support de cours

- "*Artificial Intelligence, a modern approach*" (3<sup>ème</sup> édition), S. Russel & P. Norvig, Prentice Hall, 2010
  - Existe en français, disponible à la BU

# RÉSOLUTION DE PROBLEMES

## Problème

- Un problème est une collection d'informations que l'agent utilise pour décider quelle(s) action(s) accomplir.
- Définir un problème c'est choisir une abstraction de la réalité en termes :
  - Identification d'un état initial (donc choix d'un langage de description d'états du problème)
  - Identification des actions possibles par définition d'opérateurs de changement d'état (donc définition de l'ensemble des états possibles du problème)

## Espace de recherche

- On appelle **espace de recherche** (ou espace des états) d'un problème l'ensemble des états atteignables depuis l'état initial par n'importe quelle séquence d'actions
- Un espace de recherche peut être représenté par un graphe orienté
  - » Les sommets sont les états
  - » Les arcs sont les actions

## Résoudre un problème

- Un problème est défini pour un objectif particulier. On doit donc également définir :
  - Une fonction de test de but atteint qui détermine si un état du problème correspond à un état but du problème
    - » Par liste d'états but
    - » Par la donnée d'une propriété pour un tel état
- Une solution est une séquence d'actions permettant de passer de l'état initial vers un état but
  - Donc un chemin dans l'espace des états de l'état initial vers un état but
- Résoudre un problème c'est trouver une/toutes les solutions
  - Pour certains problèmes, une fonction de coût de chemin permet de sélectionner une solution préférée parmi l'ensemble des solutions

## Connaissance complète vs. incomplète

- **Problèmes à état simple**
  - On connaît l'état dans lequel on est
  - On connaît précisément l'effet des actions
  - On peut calculer à tout moment l'état dans lequel on se trouvera après une action
- **Problèmes à états multiples**
  - On ne sait pas exactement dans quel état on se trouve  
⇒ seulement un ensemble d'états possibles
  - On ne connaît pas précisément l'effet des actions
  - On ne peut que caractériser par un ensemble d'états la situation où l'on est

## Connaissances complètes vs. incomplètes

- **Problèmes non complètement prévisibles**
  - Le choix d'une action nécessite de tester l'environnement durant l'exécution
    - » La recherche d'une solution se fait durant la phase d'exécution de la solution en alternance (ex. les problèmes de jeux à 2 joueurs)
  - Le calcul des états atteints par une action est paramétré par les événements extérieurs pouvant modifier l'environnement

## Nature du problème

- **Problèmes jouets : concis et bien défini**
  - » Le taquin, les reines...
  - » La modélisation est facile !
  - » Intéressant pour comparer les différentes stratégies de résolution
- **Problèmes du monde réel : complexe et très ouvert**
  - » Calcul de routes, voyageur de commerce, navigation de robots...
  - » Difficiles à résoudre dans le cas général (trop de paramètres) d'où importance de la modélisation !

## Formalisation d'un problème à état simple

### Type de données

#### Composants

*InitialState*

*Operators*

#### Opérations

*Bool* ← *GoalTest(State)* Fonction qui teste si un état est un but

*Real* ← *PathCost(Sequence of Operator)*

### *Problem*

#### *InitialState, Operators*

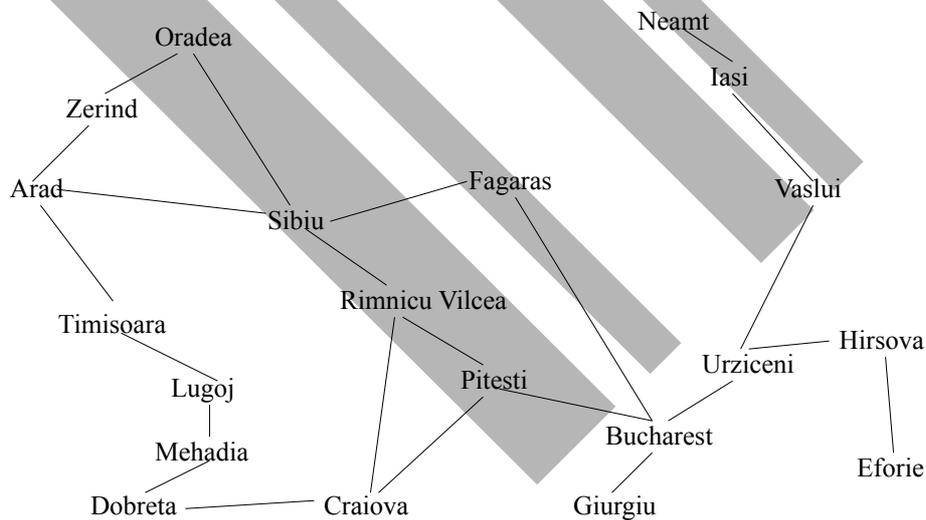
Etat(s) initial(aux) de l'agent

Actions possibles de l'agent

#### *GoalTest, PathCost*

Fonction de coût d'un chemin  
(souvent définie comme la somme du  
coût des opérateurs utilisés)

## Exemple 1 : Recherche d'une route de Arad à Bucharest



## Exemple 1 : Modèle graphique des routes roumaines

- Les états et les opérateurs de l'agent sont respectivement représentés par les sommets *S* et les arêtes *A* du graphe  $G=(S,A)$  précédent.
- L'état initial est le sommet *Arad* et l'état but le sommet *Bucharest*.

Initial-State            {*Arad*}

Operators                *A*

GoalTest                 {*Bucharest*}

PathCost                 Somme(*CostFunction(a)*) pour tout  
a appartenant au chemin considéré

Pour tout a appartenant à *A*,

*CostFunction(a)* distance entre les deux villes liées par a

## Algorithme de résolution

- Résoudre un problème consiste à trouver une séquence d'actions permettant de passer de l'état initial à un état but : une solution
- Il s'agit donc d'effectuer une recherche à travers l'espace des états
- L'idée est de maintenir et étendre un ensemble de solutions partielles : des séquences d'actions qui amènent à des états intermédiaires « plus proche » de l'état but.

## Génération des solutions partielles

- Un cycle en 3 phases
  1. Tester si l'état actuel est un état but
  2. Générer un nouvel ensemble d'états à partir de l'état actuel et des actions possibles
  3. Sélectionner un des états générés (à cette étape ou précédemment) et recommencer...
- Le choix de l'état à considérer (la sélection) est déterminé par la stratégie de recherche

## Processus de résolution

- Le processus de résolution de problème consiste donc à construire un arbre de recherche qui se superpose à l'espace des états du problème.
- Chaque nœud de l'arbre correspond soit à l'état initial du problème, soit à un développement du sommet parent par un des opérateurs du problème.

## Arbres de recherche

- La racine de l'arbre correspond à l'état initial du problème.
- Les feuilles de l'arbre correspondent à des états sans successeur dans l'arbre ou des nœuds qui n'ont pas encore été développés.
- Un chemin est une séquence de sommets partant du sommet à une feuille.
  - Le coût d'un chemin est défini par la somme des coûts de chaque opérateur intervenant dans la construction du chemin.

## Nœuds d'un arbre de recherche

### Type de données

*Node*

### Composants

*State, ParentNode, Operator, Depth, PathCost*

*State*

État dans l'espace des états auquel le nœud correspond

*ParentNode*

Le nœud ayant généré ce nœud

*Operator*

Opérateur utilisé pour générer ce nœud

*Depth*

Le nombre de nœud du chemin de la racine à ce nœud

*PathCost*

Le coût de ce chemin

### Opérations

*MakeNode, Expand*

*Node* ← *MakeNode(State)*

Fabrique un nœud à partir d'un état  
(utilisé pour l'état initial)

*Set of Node* ← *Expand(Node, Set of Operator)*

Calcule l'ensemble des nœuds générés par  
l'application des opérateurs au nœud spécifié

## Nœuds d'un arbre de recherche

- On appelle frontière l'ensemble des nœuds non encore développés de l'arbre de recherche
- On choisit de gérer la frontière comme une liste
  - On sélectionne toujours le nœud en tête de liste
  - La stratégie de recherche est reportée sur la procédure d'insertion des nœuds dans la liste

## Nœuds d' un arbre de recherche

Type de données      *Queue*

Opérations              *MakeQueue, Empty?, RemoveFront, QueuingFn*

*Queue*  $\leftarrow$  *MakeQueue(Set of Node)* Construit une liste de nœuds  
*Bool*  $\leftarrow$  *Empty?(Queue)*              Retourne vrai si la liste est vide  
*Node*  $\leftarrow$  *RemoveFront(Queue)*              Extrait le nœud en tête  
*QueuingFn(Set of Node, Queue)*              Insère des nœuds dans la liste selon  
une stratégie particulière

## Fonction générale de Recherche

```
Node or nil  $\leftarrow$  GeneralSearch(Problem p, QueuingFn strategy)
// retourne une solution ou un échec
Queue nodes  $\leftarrow$  MakeQueue(MakeNode(p.InitialState));
Loop do
    if Empty?(nodes) then return nil;
    Node n  $\leftarrow$  RemoveFront(nodes);
    if GoalTest(n.state) then return n;
    nodes  $\leftarrow$  strategy(Expand(n,p.operators),nodes)
End
```

## **Performance d'une stratégie de résolution**

- **La performance d'une stratégie de résolution se mesure selon quatre points de vue :**
  - **Complétude** : la technique de résolution marche t'elle dans tous les cas ?
  - **Optimalité** : la technique de résolution trouve t'elle une solution de coût minimal ?
  - **Complexité** : la technique est-elle coûteuse
    - » en temps ?
    - » en mémoire ?

**Attention à ne pas confondre la performance de la résolution et celle de l'exécution de la solution**