

⑥

$$G(z) = \mathcal{Z} \left\{ \underbrace{B_0(p)}_{p(p^2+3p+2)} \cdot \frac{2p^2 - p - 2}{p^3 + 3p^2 + 2p} \right\}$$

$$\hookrightarrow p(p+1)(p+2)$$

3 poles.

$$G(z) = (1-z^{-1}) \mathcal{Z} \left\{ \underbrace{\frac{2p^2 - p - 2}{p^2(p+1)(p+2)}}_{G(p)} \right\}$$

$$\text{Res}_{p=-1} \left\{ G(p) \cdot \frac{1}{1-e^{Tp}z^{-1}} \right\} = \frac{2+1-2}{1-e^{-T}z^{-1}} = \frac{1}{1-e^{-T}z^{-1}}$$

$$\begin{aligned} \text{Res}_{p=-2} \left\{ G(p) \cdot \frac{1}{1-e^{Tp}z^{-1}} \right\} &= \frac{8+2-2}{4(-2+1)(1-e^{-2T}z^{-1})} \\ &= \frac{8}{-4(1-e^{-2T}z^{-1})} = \frac{-2}{1-e^{-2T}z^{-1}} \end{aligned}$$

$$\frac{d}{dp} \left(G(p) \cdot \frac{p^2}{1-e^{Tp}z^{-1}} \right) = ? \dots$$

$$= \frac{(4p-1)(p+1)(p+2)(1-e^{Tp}z^{-1}) - (2p^2-p-2)(2p+3)(1-e^{Tp}z^{-1})}{(p+1)^2(p+2)^2(1-e^{Tp}z^{-1})^2} \left(+ (-Te^{Tp}z^{-1})(p+1)(p+2) \right)$$

$$\text{en } p=0 \rightarrow \frac{(-1)(1)(2)(1-z^{-1}) - (-2)(3(1-z^{-1}) - Tz^{-1}(2))}{(1)(2)(1-z^{-1})^2}$$

$$= \frac{-1+z^{-1}+3(1-z^{-1}-2Tz^{-1})}{2(1-z^{-1})^2}$$

$$= \frac{-2(T+1)z^{-1}+2}{2(1-z^{-1})^2} = \frac{1-(T+1)z^{-1}}{(1-z^{-1})^2}$$

$$G(z) = (1-z^{-1}) \left(\frac{1-(T+1)z^{-1}}{(1-z^{-1})^2} + \frac{1}{1-e^{-T}z^{-1}} - \frac{2}{1-e^{-2T}z^{-1}} \right)$$

en développant on voit que 1 est un pôle simple de $G(z)$

donc $\epsilon_{01} = 0$

$$D(z) = \frac{Ka(1-z^{-1}) + T(z^{-1}+1)}{a(1-z^{-1})} = \frac{(Ka+T) + (T-Ka)z^{-1}}{a(1-z^{-1})}$$

1 est donc pôle double de $D(z)G(z)$

et ce quelque soient a et K

donc $\epsilon_{02} = 0$